



Determining Commodity Price in Sales Software based on Neural Network Learning

Soheila Karbasi^{*1}, Fatemeh Soleymani Ziarat²

1*- Assistant Professor,,Department of Computer Engineering, Golestan University, Gorgan, Iran.

2- Master of Computer Engineering, Department of Computer Engineering, Golestan University, Gorgan, Iran.

Abstract

With the increase in population and the prevalence of consumerism in the societies of the 21st century, the buying and selling of goods has also increased greatly. On the other hand, with the advance of information technology, online buying e-commerce such as various software, websites and networks has also increased significantly. Therefore, business owners, managers and sales experts are interested to increase productivity and also earn more profit. In the last few decades, smart tools are used to solve various and complex problems, such as the problem of announcing the sale price of goods and analyze various variables and models. It is obvious that online buying, while increasing the speed and reducing the costs, will have more profit in other related fields if the seller sets the right price. The aim of the current research is to increase the accuracy of commodity price using artificial intelligence techniques. For this purpose, the information of the last 5 years of product sales of a chain store in Bojnord was extracted. This information includes the price of 11 best-selling goods and the profit during 1000 steps of ordering these products. All these prices were calculated based on the country's official inflation in the year 1401, and this information was entered into the MATLAB software in a specified format, and the MLP neural network was formed for them and trained based on the stated information. Then, for subsequent orders, the announced price was extracted from the proposed model and it was observed that the net income has a significant increase. The main reason is the high accuracy of the neural network in modeling nonlinear and unknown systems, which has shown its efficiency in various applications.

Keywords: Commodity price, Sales pricing, Artificial intelligence, Neural networks

Citation:

Karbasi, S., & Soleymani Ziarat, F. (2024). Determining Commodity Price in Sales Software based on Neural Network Learning. *Journal of Intelligent Marketing Management*, 5(4), 46-76.



تعیین نرخ کالا در نرم افزارهای فروش به کمک یادگیری مبتنی بر شبکه های عصبی

سهیلا کرباسی^{۱*}، فاطمه سلیمانی زیارت^۲

*۱- استادیار گروه مهندسی کامپیوتر، دانشکده مهندسی، دانشگاه گلستان، گرگان، ایران.

۲- کارشناس ارشد مهندسی کامپیوتر، دانشکده مهندسی، دانشگاه گلستان، گرگان، ایران.

چکیده

با افزایش جمعیت و رواج مصرف گرایی در جوامع قرن بیست و یکم، خرید و فروش کالاها نیز به شدت افزایش یافته است. از طرفی، با پیشرفت فناوری اطلاعات، خرید و فروش اینترنتی کالاها و محصولات در بسترهای ارتباطی مثل انواع نرم افزارها، سایتها و شبکهها نیز افزایش قابل توجهی داشته است. بنابراین صاحبان کسب و کار، مدیران و کارشناسان خرید و فروش به دنبال افزایش بهره‌وری و همچنین کسب سود بیشتر کالاها می‌باشند. ابزارهای هوشمند در چند دهه اخیر ضمن کمک به حل مسائل گوناگون و پیچیده مثل مسئله اعلام نرخ فروش کالا جهت آنالیز متغیرهای مختلف انواع مدل‌های تحلیلی مورد استفاده قرار می‌گیرند. بدیهی است که خرید و فروش اینترنتی در بستر نرم افزارها ضمن افزایش سرعت و کاهش هزینه‌ها در صورت تعیین قیمت مناسب توسط فروشنده سود بیشتری در سایر حوزه‌های مرتبط نیز خواهد داشت. هدف پژوهش حاضر افزایش دقت اعلام نرخ فروش کالا در نرم افزارهای فروش محصولات با استفاده از تکنیک‌های هوش مصنوعی است که با تعیین استراتژی‌های کنترل موجودی و زنجیره تامین با در نظر گرفتن علاقمندی‌های مشتریان، می‌تواند در قیمت نهایی محصولات تأثیر گذار باشد. در واقع با در نظر گرفتن متغیرهای تأثیر گذار، کنترل و مطالعه آنها امکان تعیین قیمت مناسب تر برای هر یک از طرفین (تامین کنندگان و مصرف کنندگان) امکان پذیر است. برای این منظور، اطلاعات بیش از ۵ سال گذشته فروش محصولات یک فروشگاه زنجیره‌ای در شهر بجنورد استخراج گردید. این اطلاعات شامل قیمت گذاری ۱۱ محصول پرفروش و سود حاصل از آن در بررسی ۱۰۰۰ سفارش از هر یک از محصولات و قیمت گذاری آنها می‌باشد. تمام این قیمت‌ها بر اساس تورم رسمی کشور به قیمت روز سال ۱۴۰۱ درآمدند و این اطلاعات به صورت فرمت مشخص وارد نرم افزار MATLAB شده و شبکه عصبی MLP برای آنها تشکیل و بر اساس اطلاعات بیان شده آموزش داده شدند. سپس برای سفارش‌های بعدی، قیمت اعلامی از مدل پیشنهادی استخراج گردید و مشاهده شد که سود حاصله افزایش قابل توجهی را به همراه دارد. علت اصلی این مساله هم دقت بالای شبکه عصبی در مدل سازی سیستم‌های غیرخطی و ناشناخته است که در کاربردهای مختلف کارایی خود را نشان داده است.

کلیدواژه‌ها: نرخ کالا، قیمت گذاری فروش، هوش مصنوعی، شبکه های عصبی.

استناد:

کرباسی، سهیلا و سلیمانی زیارت، فاطمه. (۱۴۰۳). تعیین نرخ کالا در نرم افزارهای فروش به کمک یادگیری مبتنی بر شبکه های عصبی. مدیریت بازاریابی هوشمند، ۵(۴)، ۴۶-۷۶.

تاریخ دریافت: ۱۴۰۳/۰۵/۲۳

تاریخ ویرایش: ۱۴۰۳/۰۶/۱۲

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۳/۰۶/۱۲

تاریخ انتشار: ۱۴۰۳/۱۰/۰۱

<https://doi.org/JABM.3.2.15564.35125656565047>

نشریه مدیریت بازاریابی هوشمند، ۱۴۰۳، دوره ۵، شماره ۴، پیاپی ۲۶

ناشر: نشریه مدیریت بازاریابی هوشمند

نوع مقاله: علمی پژوهشی

© نویسندگان



مقدمه

مدیران و کارشناسان حوزه تجارت و بازرگانی، همواره به دنبال افزایش بهره‌وری و همچنین کسب سود بیشتر در فرآیند خرید و فروش کالاها بوده و هستند. این مهم به دلیل پیچیدگی‌ها و ابعاد مختلفی که درگیر آن است به سادگی قابل اجرا نیست. از این رو موضوع کلی تعیین نرخ فروش کالاها همواره و به خصوص در چند سال اخیر مورد توجه پژوهشگران و کارشناسان این حوزه قرار گرفته است. افزایش دقت اعلام نرخ فروش کالا، ضمن بهبود بهره‌وری بیشتر فرآیند فروش کالاها امکان مدیریت و برنامه ریزی برای آینده را نیز فراهم می‌کند (Rubens, 2023). از طرفی در چند سال اخیر استفاده از روش‌ها و ابزارهای جدید برای حل مسائل پیچیده و غیرخطی بسیار مورد توجه قرار گرفته است. یکی از این ابزارها و روش‌ها، تکنیک‌های هوش مصنوعی برای حل این گونه مسائل است. در این روش‌ها ضمن مدل‌سازی مسئله از یک روش هوشمند برای حل و بهینه‌سازی آن استفاده می‌شود که از مزایای آن می‌توان به دقت، سرعت، کارایی و مدل‌سازی دقیق مسئله اشاره کرد (Pallathadka et al., 2023). ابزارهای هوشمند در چند دهه اخیر ضمن کمک به حل مسائل غیرخطی و پیچیده مثل مسئله اعلام نرخ کالا برای حل و آنالیز حساسیت روی متغیرهای مختلف مدل‌ها مورد استفاده قرار گرفته‌اند (Venkataramanan et al., 2024). امروزه در قرن بیست و یکم با افزایش جمعیت، مصرف کالاها و خدمات افزایش چشمگیری داشته است اما به همان نسبت به دلیل پیشرفت‌های علمی و تکنولوژیکی، تنوع و گستردگی محصولات و کالاها نیز بیشتر شده است. انسان قرن حاضر بیش از گذشته مصرف‌گرا و تنوع طلب شده است، به علاوه اینکه صنعتی و ماشینی شدن فرآیندهای تولید کالاها و خدمات و همچنین پیشرفت‌های تکنولوژیکی سطح رفاه اجتماعی و زندگی را بالا برده است. با این حال، بحران‌هایی مثل افزایش جمعیت، افزایش مصرف انرژی، گرم شدن کره زمین، بیماری‌های همه‌گیر و بحران‌های مالی روندی معکوس در کیفیت و کمیت مصرف کالاها ایجاد کرده است. تنوع تولیدکنندگان، تنوع کیفیت و کمیت، تجارت الکترونیک، جهانی‌سازی و هوشمندسازی ارتباطات باعث ایجاد رقابت بین تولیدکنندگان کالاها و همچنین افزایش هزینه‌ها، بحران‌های مالی و جهانی (ویروس کرونا، سارس، آنفولانزا و...) باعث توجه بیش از پیش مصرف‌کنندگان (مشتریان) به قیمت و کیفیت کالاها و خدمات شده است (Panfilova et al. 2018). یکی از مهمترین و تاثیرگذارترین پارامترها در میزان سود تولیدکننده و همچنین انگیزه مصرف‌کننده در خرید و فروش کالا و خدمات، قیمت و ارزش نهایی تعیین شده است. از گذشته در علم اقتصاد و در بین تجار این نکته که «همه چیز در قیمت خلاصه می‌شود» مطرح بوده است. قیمت نهایی کالا که میزان سود فروشنده (تولیدکننده) و خریدار (مصرف‌کننده) را تعیین می‌کند از تقاطع منحنی تقاضا و منحنی عرضه به دست می‌آید و در واقع به صورت کلی فرآیند عرضه و تقاضا است که قیمت را تعیین می‌کند (Balafoutas & Rudolf 2020).

تعیین استراتژی‌های کنترل موجودی و زنجیره تامین، با در نظر گرفتن طول عمر کالاها، علاقمندی مشتریان، سطح فناوری و متغیرهای جغرافیایی، زمانی و مکانی می‌تواند در قیمت نهایی محصولات تأثیرگذار باشد. با در نظر گرفتن طیف گسترده‌ای از این متغیرها به همراه مطالعه و کنترل آنها امکان تعیین قیمت دلخواه برای هر یک از طرفین بازار (تامین‌کنندگان و مصرف‌کنندگان) امکان‌پذیر است (Cheng et al. 2018).

از طرفی با توجه به اینکه هر کالا از زمان تولید تا انتقال و مصرف زمان محدودی دارد و بعضی کالاها مصرفی نیز فاسدشدنی هستند مسئله قیمت‌گذاری و نرخ نهایی خرید و فروش اهمیت دوچندان می‌یابد. این محدودیت و همچنین جهانی شدن بازارها و رقابت شدید؛ شرکت‌ها و تولیدکنندگان را برای بهبود وضعیت رقابتی و تعیین قیمت مناسب ترغیب نموده است. در بسیاری از کسب و کارها تعیین

قیمت به عنوان یک راهکار پایه در جلب رضایت مشتری استفاده می‌شود. با قیمت‌گذاری مناسب ضمن تامین هزینه‌های انجام شده، حاشیه سود مناسب و رضایت مشتری به دست می‌آید (Khakzar Bafrouei & Zabih 2018).

هدف اصلی این پژوهش افزایش دقت اعلام نرخ فروش کالاها در نرم‌افزارهای ایرانی با استفاده از روش‌های مرتبط با هوش مصنوعی است که می‌تواند در کلیه مراکز فروش کالا، سایت‌ها و نرم‌افزارهای فروش اینترنتی کالا استفاده شود. با تعیین نرخ پویا در بازه‌های زمانی و مکانی مختلف ضمن حفظ میزان سود مناسب برای فروشندگان و تأمین‌کننده، سعی بر این است که رضایت مشتری حفظ شده و برای خریدهای آینده نیز با قیمت‌های رقابتی و مناسب نسبت به سایر مراکز به صورت پویا خریدار را جذب نموده که خود یک افزایش سود به صورت غیرمستقیم محسوب می‌شود. استفاده از تکنیک‌های شبکه‌های عصبی هوش مصنوعی ضمن در نظر گرفتن حالت‌های مختلف عدم قطعیت و گستردگی پارامترها، مشخصات یک مسئله پیچیده را نسبت به الگوریتم‌ها و روش‌های کلاسیک مرتفع می‌سازد. پرسش اصلی این پژوهش بررسی توانایی تکنیک‌های شبکه‌های عصبی هوش مصنوعی و درصد بهبود تعیین و اعلام نرخ فروش کالاها در فروشگاه‌های واقعی در بستر نرم‌افزارها می‌باشد که می‌توان با جزئیات بیشتر در قالب دو پرسش زیر بیان نمود:

۱. برای تعیین و اعلام نرخ فروش کالا کدام یک از انواع تکنیک‌های شبکه‌های عصبی هوش مصنوعی (شبکه‌های عصبی پرسپترون، شبکه‌های عصبی مکرر، شبکه‌های عصبی مدولار و...) مناسب هستند؟
۲. حداکثر و حداقل تعداد مشخصه‌های لازم تکنیک شبکه‌های عصبی هوش مصنوعی برای رسیدن به پاسخ مناسب مورد نظر چیست؟

ادبیات تحقیق و پیشینه پژوهش

عدم دقت در ارزیابی نرخ فروش کالاها در نرم‌افزارها یک مشکل اساسی است که این مشکل می‌تواند ناشی از اتخاذ رویکردهای ارزیابی باشد. قیمت، یکی از مهمترین عناصر آمیخته بازاریابی است و باید قیمت‌گذاری را یک استراتژی تاثیرگذار در موفقیت بازاریابی بدانیم. همچنین موضوع قیمت و قیمت‌گذاری، تأثیر بسزایی بر دیگر عوامل بازاریابی از جمله ویژگی‌های محصول و تصمیمات توزیع و ترویج استفاده از محصول می‌گذارد. رویکرد عمومی برای قیمت‌گذاری به پارامترهایی مانند هزینه‌ها، قیمت رقبا و مشتری‌مداری وابسته است و ارتباط مستقیمی با اقتصاد کلان دارد که بر اساس مواردی همچون تجزیه و تحلیل عرضه و تقاضا، تجزیه و تحلیل نقطه سر به سر، کشش پذیری در سیستم حساب‌های ملی سه نوع قیمت‌گذاری (ارزش‌گذاری) تعریف می‌شود (Rajagopal, 2013).

قیمت خریدار، مبلغی است که خریدار پرداخت می‌کند تا یک واحد کالا یا خدمتی که خریداری شده در زمان معین تحویل او داده شود با حذف هرگونه مالیات بر ارزش افزوده یا مالیات مشابه کسر شدنی (در صورت وجود). قیمت خریدار شامل هرگونه هزینه حمل و نقلی است که خریدار می‌پردازد تا کالای خریداری شده در زمان معین تحویل داده شود که از متداول‌ترین آنها روش جمع صفر^۴ و دیگری قیمت‌گذاری رقابتی^۵ است. قیمت تولیدکننده، مبلغی که تولیدکننده از خریدار برای یک واحد کالا یا خدمتی که به عنوان

¹ Perceptron

² Recurrent

³ Modular

⁴ Zero Sum

⁵ Competitive Pricing

ستاده تولید شده است، دریافت می‌کند با کسر از هر نوع مالیات بر ارزش افزوده یا مالیات مشابه (در صورت وجود). قیمت تولید شده، مبلغی که تولیدکننده از خریدار برای یک واحد کالا یا خدمتی که به عنوان ستاده تولید شده است، دریافت می‌کند با کسر از هر نوع مالیات قابل پرداخت، به علاوه هر نوع یارانه قابل دریافت بر آن واحد کالا یا خدمت که در اثر تولید یا فروش تعلق می‌گیرد که همان مالیات بر محصول می‌باشد. قیمت پایه، هزینه حمل و نقلی را که تولیدکننده بصورت جداگانه برای خریدار فاکتور کرده است را شامل نمی‌شود.

ارزش‌گذاری (قیمت‌گذاری) پیشنهاد شده در سیستم حساب‌های ملی به ترتیب اولویت، بر اساس قیمت پایه و سپس قیمت تولیدکننده می‌باشد. با وجود اولویتی که قیمت پایه نسبت به قیمت تولیدکننده دارد در صورت عدم امکان ارزش‌گذاری به قیمت پایه، قیمت تولیدکننده برای ستانده پیشنهاد می‌شود.

ارزش‌گذاری مصارف واسطه و مصارف نهایی را می‌توان اینگونه شرح داد که تمامی مصارف کالاها و خدمات اعم از مصارف واسطه و مصارف نهایی به قیمت خریدار (قیمتی که شامل افزوده‌های حمل و نقل، بازرگانی و مالیات منهای یارانه) غیر از مالیات بر ارزش افزوده، ارزش‌گذاری می‌شوند. مصارف واسطه، به ارزش کلیه کالاها و خدماتی که در فرآیند تولید بعنوان داده مورد استفاده قرار می‌گیرد و به مصرف رسیده یا تغییر شکل می‌دهد اطلاق می‌شود. بنابراین دارایی‌های ثابت که مصرف آنها به عنوان مصرف سرمایه ثابت به ثبت می‌رسد، در محدوده مفهوم مورد بررسی قرار ندارد. ارزش افزوده به ارزش‌گذاری دو عامل ستانده و مصارف واسطه بستگی دارد که در نتیجه، ارزش افزوده بر مبنای قیمت‌های مورد استفاده در ستانده ارزش‌گذاری می‌شود. ارزش افزوده‌ی ناخالص بر اساس شرح ذیل ارزش‌گذاری می‌شود (Mankiw, 2007):

ارزش افزوده به قیمت پایه (ستاده به قیمت پایه منهای مصرف واسطه به قیمت خریدار).

ارزش افزوده به قیمت تولیدکننده که عبارت است از: ستاده به قیمت تولیدکننده منهای مصرف واسطه به قیمت خریدار.

پژوهش‌های زیادی در زمینه اعلام نرخ فروش کالا و قیمت‌گذاری کالاها و خدمات انجام شده است. هر یک از این پژوهش‌ها با در نظر گرفتن یک یا چند بعد از مسئله قیمت‌گذاری و اعلام نرخ فروش کالا از روش‌ها، الگوریتم‌ها و ابزارهای مختلفی استفاده کرده‌اند که در ادامه مهمترین و جدیدترین پژوهش‌های داخلی و خارجی مرتبط به صورت خلاصه بیان می‌شوند.

فتحیان و حسینی (۱۳۹۳) نوع و چگونگی سودرسانی اجتماعات مجازی به کسب و کارها و بنگاه‌های تجاری را بررسی و بیان می‌کنند تجارت الکترونیک که مبتنی بر فناوری‌های جدید، ارتباطات و شبکه‌ای است تأثیرات شگرفی بر اقتصاد و زندگی بشر پدید آورده که افزایش سرعت مبادله کالا، پول، خدمات و توسعه اقتصاد از اندازه‌های محلی به ملی، منطقه‌ای و بین‌المللی، از مهم‌ترین این آثار است. همچنین فناوری‌های جدید (مثل اینترنت، شبکه‌های مجازی و اینترنت اشیا) تأثیر بسزایی در چگونگی انجام تجارت داشته است. یکی از این تأثیرها، فراهم‌آوری ابزارهای کم‌هزینه و اثربخش در بازاریابی، تبلیغات، کنترل و مدیریت سیستم‌های تجاری و بازرگانی است. تیموری و کاظمی (۱۳۹۴) به بررسی توسعه مدل قیمت‌گذاری کالاهای زوال‌پذیر با نرخ زوال ثابت با در نظر گرفتن جایگزینی کالاهای فاسد شده پرداخته‌اند. در این پژوهش یک مدل جدید پیشنهاد شده که مقادیر بهینه قیمت فروش محصول و طول دوره سفارش توزیع‌کننده را که متناظر با سود بیشینه است، تعیین می‌کند. بخشی از موجودی اولیه انبار در اثر زوال (فساد) از بین می‌رود؛ در نتیجه توزیع‌کننده میزان کالای خراب شده را اسقاط و به همان اندازه در انبار خود کالای سالم جایگزین می‌کند. جایگزینی کالا در انبار توزیع

کننده نیز لحظه‌ای در نظر گرفته شده است. در این تحقیق، مثال عددی برای تشریح مدل ارائه می‌شود و تحلیل حساسیت روی مقادیر برخی پارامترها صورت می‌گیرد. در پژوهش قیصری و همکاران (۱۳۹۵) جدیدترین فناوری‌های روز دنیا در تجارت الکترونیک معرفی و تأثیرات استفاده از آن جهت بومی‌سازی و ایجاد کارآفرینی در کشور مورد بحث و بررسی قرار گرفته است. نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که فناوری اینترنت و نرم افزارها با ایجاد یک پایگاه اطلاعاتی یکپارچه و قوی از تأمین کنندگان، تولید کنندگان، توزیع کنندگان، مشتریان و محصولات، زمینه ارتقاء عملکرد و خدمات‌رسانی بهتر در تجارت الکترونیک را فراهم آورده است. همچنین در بخش آخر مقاله چارچوب پیاده‌سازی این فناوری در تجارت الکترونیک جهت استفاده مدیران کشور در صنایع مختلف ارائه گردیده است. طالعی زاده و بیدختی (۱۳۹۶) به بررسی سیاست قیمت‌گذاری تولیدکننده برای کالاهای مکمل در فروش آنلاین با در نظر گرفتن سیاست مرجوعی پرداخته‌اند. در این پژوهش به بررسی استراتژی قیمت‌گذاری کالاهای مکمل در فروش آنلاین با در نظر گرفتن سیاست مرجوعی پرداخته شده است، به نحوی که مقدار کالاهای مرجوعی، وابسته به مبلغ استرداد کالای مرجوع شده است. با توجه به بررسی موضوع قیمت‌گذاری دو کالای مکمل، دو تابع تقاضا و نهایتاً استراتژی قیمت‌گذاری و سیاست مرجوعی برای هر دو کالا مورد بررسی قرار می‌گیرد. تابع تقاضای مشتری وابسته به قیمت فروش و مبلغ استرداد کالای مرجوعی و همچنین تابع بازگشت کالاها نیز وابسته به مبلغ استرداد کالای مرجوعی و تعداد مرجوعیات کالای دیگر است. در این پژوهش، مقدار بهینه قیمت فروش دو کالا و مبلغ استرداد کالاهای مرجوعی به نحوی تعیین شده است که سود کل سیستم فروش آنلاین تولیدکننده ماکزیمم شود. در نهایت مثال عددی به منظور بررسی اثرات حساسیت متغیرهای تصمیم نسبت به پارامترها ارائه می‌شود. کامکار و همکاران (۱۳۹۸) مدلی برای قیمت‌گذاری کالاهای فاسد شدنی غیرآنی با در نظر گرفتن سن، قیمت و تقاضای محصول به عنوان متغیر و رضایت مراکز زنجیره تأمین به عنوان تابع هدف ارائه نمودند. در این مدل، تقاضا تابعی غیر خطی از قیمت و سن محصول است و قیمت، تابعی از سن محصول است. مدل مذکور یک مدل دو هدفه است که علاوه بر حداکثرسازی سود، سعی در حداکثرسازی رضایت مراکز مختلف در سطوح زنجیره تأمین دارد. برای حل مدل از روش‌های فرا ابتکاری الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی میرایی ارتعاشات استفاده شده است. نتایج، اعتبار مدل پیشنهادی و عملکرد روش‌ها را تایید می‌کند. موسوی روشن و مقدم ضیابری (۱۴۰۲) با ارائه راهکاری مبتنی بر یادگیری ماشین و بر اساس استراتژی‌های موجود قیمت‌گذاری، مدلی ارائه نمودند تا بتواند بطور همزمان از مزایای چند استراتژی بهره‌بردارد. در این تحقیق پارامترهای موثر استخراج و پس از پالایش داده‌ها با استفاده از الگوریتم یادگیری ماشین مورد تحلیل و بررسی قرار گرفتند. مدل ارائه شده در این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از الگوریتم رگرسیونی چندجمله‌ای درجه ۴ برای تولید قیمت رقابتی می‌تواند نیاز مشتریان را مرتفع کرده و همزمان یک حاشیه سود مناسب را دارا باشد.

بنتو و همکاران (۲۰۱۸) با استفاده از شبکه عصبی بهینه‌سازی شده توسط الگوریتم خف‌اش و روش انتقال مویجک به تعیین نرخ فروش کالا برای دوره طولانی مدت پرداختند. در این پژوهش ابتدا از یک روش برای پیش‌پردازش داده‌ها و سپس از شبکه عصبی رو به جلو برای تعیین بهینه نرخ فروش کالا استفاده شده است. همچنین الگوریتم مویجک برای بهبود ساختار شبکه عصبی متداول به کار می‌رود. نتایج مدل روی داده‌های مربوط به شبکه برق در کشور اسپانیا و برای بازار پیش‌رو (روز بعد) اعتبار سنجی شده که نتایج قابل قبولی را ارائه کرده است (Bento et al. 2018). در اچال (۲۰۱۸) یک مدل جدید با طرح ترکیبی بیزین برای استفاده در تعیین نرخ کالا پیشنهاد نموده است. مدل پیشنهادی ضمن تعیین دقیق قیمت، عدم قطعیت‌های موجود در آن را در نظر گرفته و همچنین به نویزها و تغییر پارامترها واکنش مناسب نشان می‌دهد. عدم قطعیت‌ها باعث کاهش دقت و نویزها باعث کاهش سرعت الگوریتم می‌شود. همچنین یک روش برای تغییرات ساختاری شبکه که در نتایج موثر است ارائه شده است (Drachal 2018). هرررا و همکاران (۲۰۱۹) با استفاده از

تکنیک‌های یادگیری ماشین به تعیین نرخ فروش انرژی در بازه طولانی مدت پرداخته‌اند. در این پژوهش، مدل‌های کلاسیک و سنتی با مدل‌های جدید یادگیری ماشین مقایسه و در مورد نتایج بحث شده است. مدل‌ها روی کالاهای مربوط به حامل‌های انرژی مثل نفت و زغال سنگ تست و برای راستی‌آزمایی از شاخص‌های حداقل مربعات مرسوم استفاده شده است. نتایج بیانگر دقت و کارایی مناسب روش‌های یادگیری ماشین دارد (Herrera et al. 2019). ژیانگ و همکاران (۲۰۱۹) با استفاده از روش بهینه‌سازی الهامی لانه کبوتری و آنالیز موجک به قیمت‌گذاری و تعیین نرخ کالاهایی در مقیاس بزرگ پرداخته‌اند که در ادامه یک روش ترکیبی برای قیمت‌گذاری را پیشنهاد می‌دهند. ابتدا از روش آنالیز موجک برای تعیین سری‌هایی با فرکانس پایین برای قیمت‌ها استفاده شده و سپس از الگوریتم بهینه‌سازی الهام گرفته شده از لانه کبوتری برای بهینه‌سازی مسئله استفاده شده است. نتایج حاصل، دقت خوبی برای این روش ترکیبی ارائه داده است (Jiang et al. 2019).

توسعه داده‌های حجیم و اینترنت اشیا تغییرات شگرفی در تجارت الکترونیکی داشته است. تنوع منابع اطلاعاتی، عملکرد خرید آنلاین مصرف‌کنندگان را توسعه داده و توانسته هوش تجاری را بهبود دهد. در پژوهش فو و همکاران (۲۰۲۰) دو سنسور کنترل نیرو و سنسور ردیابی چشم با رویکرد تحقیق در اینترنت اشیا، بر رفتار جستجوی آنلاین مصرف‌کنندگان به کار می‌رود. در ابتدا برای شناخت درجه استفاده مشتریان از آب‌های بازیافت شده از تست کنترل نیرو استفاده شده است و سپس ۹ مورد از مواردی که از آب‌های بازیافتی مجدداً استفاده شده به ۴ گروه طبقه‌بندی می‌شود. بر اساس نتایج این آزمایش‌ها، آب تصفیه شده بازیافتی و سبزیجات تازه به عنوان سطح بالای تماس و آبیاری محصولات کشاورزی به عنوان سطح پایین تماس انسان در نظر گرفته شده است. همچنین از چند تصویر برای شبیه‌سازی یک صفحه اینترنتی خرید آنلاین در محبوب‌ترین پلت فرم خرید آنلاین در چین برای تست ردیابی چشم استفاده شده است. با مقایسه شرکت‌کنندگان در زمان ثبت شده برای آزمایش، مشخص شد که رفتار جستجوی آنلاین مصرف‌کنندگان به طور قابل توجهی تحت تأثیر تماس محصولات بازیافتی قرار دارد. در واقع مصرف‌کنندگان هنگام خرید کالاهای دارای تماس بالا به بررسی وضعیت ایمنی و سلامت کالا می‌پردازند (Fu et al. 2020). یانگ و همکاران (۲۰۲۱) با قیمت‌گذاری پویا با بهره‌گیری از الگوریتم یادگیری عمیق بر روی محصولات فاسدشدنی باعث افزایش سود و کاهش ضایعات مواد غذایی شده‌اند. نتایج شبیه‌سازی این تحقیق نشان می‌دهد که یک استراتژی قیمت‌گذاری مبتنی بر کیفیت، قیمت‌های کمتری نسبت به استراتژی قیمت‌گذاری که کیفیت را در نظر نمی‌گیرد، به همراه دارد که در نتیجه قیمت‌های پایین‌تر باعث افزایش تقاضا می‌شود و در نهایت میزان سود را بهبود می‌بخشد و مقدار دورریز مواد غذایی را کاهش می‌دهد (Yang et al. 2021). الزین و همکاران (۲۰۲۲) در تحقیقات مربوط به چگونگی دستیابی به روشی دقیق‌تر برای محاسبه قیمت مسکن در بازار فعلی عربستان سعودی از شبکه‌های عصبی مصنوعی استفاده کرده‌اند. در این پژوهش، یک مدل شبکه عصبی مصنوعی برای پیش‌بینی خودکار قیمت مسکن با استفاده از عوامل بی‌شماری مانند مساحت ملک، محل خانه، مصالح مورد استفاده در ساخت، سن ملک و تعداد اتاق‌خواب‌ها پیشنهاد شده است. نتایج سیستم پیشنهادی با سیستم‌های پیش‌بینی مختلف موجود مقایسه شده و مدل توسعه‌یافته عملکرد بالایی به دست آورده است. این سیستم پیش‌بینی می‌تواند به افزایش سرمایه‌گذاری در بخش املاک نیز کمک

¹ Wavelet

² Internet of Things (IOT)

³ Taobao

⁴ Artificial neural network

کند (Alzain et al. 2022). کارتز و کاتساماکاس (۲۰۲۲) از دو الگوریتم هوش مصنوعی پیچیده یادگیری Q^۱ و بهینه‌سازی ازدحام ذرات برای قیمت‌گذاری فوق رقابتی استفاده کردند. قیمت‌گذاری شامل استفاده از الگوریتم‌هایی است که به طور خودکار قیمت‌ها را بدون نظارت انسان تعیین می‌کنند و باعث رقابت موثرتر و افزایش سودآوری می‌شوند. در این تحقیق، تأثیر تجاری و اقتصادی هوش مصنوعی در قالب قیمت‌گذاری الگوریتمی بررسی می‌شود. شرکت‌ها از الگوریتم‌ها برای رقابت موثرتر و افزایش سود خود استفاده می‌کنند که در واقع، یک مدل محاسباتی از رقابت الگوریتمی ایجاد می‌شود که چندین الگوریتم (PSO و Q-Learning) را شامل می‌شود (Sanchez-Cartas & Katsamakos 2022). الحکامی و همکاران (۲۰۲۳) با پیاده‌سازی انواع تکنیک‌های یادگیری ماشین و ابزارهای کلان داده بر روی قیمت خودروهای دست دوم، قیمت دقیق‌تری را ارائه داده‌اند. در این تحقیق یک مدل رگرسیون خطی توسعه داده شده است که می‌تواند قیمت خودروهای مستعمل را بر اساس ویژگی‌های مختلف (سال ساخت، مسافت پیموده شده، نوع گیربکس و نوع سوخت) ارزیابی و تعیین کند (Alhakamy et al. 2023). بن‌آمر و همکاران (۲۰۲۳) بر اساس ابزارهای یادگیری عمیق، قیمت کالاها را مورد پیش‌بینی قرار دادند. یادگیری عمیق توانایی پردازش اطلاعات گذشته و پردازش داده‌ها را در دو جهت رو به جلو و عقب‌درد که پژوهش آنها مورد استفاده قرار گرفته و نشان می‌دهد که روش LSTM^۷ بهترین مدل برای پیش‌بینی دقیق‌تر قیمت می‌باشد (Ben Ameer et al. 2023).

روش پیشنهادی پژوهش

پس از بررسی انواع پژوهش‌های مرتبط با تکنیک‌ها و ابزارهای یادگیری ماشین در حوزه قیمت‌گذاری کالا، در این پژوهش به بررسی مشکل تصمیم‌گیری بر قیمت‌گذاری اجناس به کمک شبکه عصبی هوش مصنوعی و با توجه به پارامترهای هزینه و ظرفیت حمل و نقل پرداخته می‌شود. روش پیشنهادی، یک دوره واحد را در نظر می‌گیرد که در آن خریداران کالاهایی را از تامین‌کنندگان خریداری می‌کنند که تخفیف‌های تمام واحدی^۲ ارائه می‌دهد. تقاضای محصولات به صورت تصادفی^۳ و وابسته به قیمت است که در قالب یک مدل ریاضی توسعه داده می‌شود. بنابراین یک مدل زنجیره‌ای تامین‌کننده-خریدار یک دوره‌ای در نظر گرفته می‌شود که در آن خریدار تعدادی کالا را از یک تولیدکننده یا تامین‌کننده که ظرفیت تولید آن کافی است خریداری می‌کند. تامین‌کننده، کانتینرهای (حد اکثر ظرفیت) Q/T را ارسال می‌کند که منظور از Q حداقل حجم و منظور از T زمان مورد نیاز برای تهیه این حجم کالا است و برای هر

^۱ Q-learning

^۲ Particle Swarm Optimization

^۳ Linear regression

^۴ Deep learning

^۵ Forward

^۶ Backward

^۷ Long short-term memory

^۸ منظور دوره زمانی واحدی است که در آن خریدار، یک کالا را از یک تامین‌کننده با تخفیف مشخص دریافت می‌کند.

^۹ به دلیل پیشرفت در فناوری، تعداد بازارهای رقابتی شدید و مشتریان کالاهای زوال‌پذیر-کالاهایی که به مرور زمان ارزش خود را از دست می‌دهند، بیش از پیش شده است. با وجود چنین بلز آرهایی تعیین میزان قطعی تقاضا برای بنگاه‌ها امکان‌پذیر نیست. بنابراین در نظر گرفتن تقاضا به صورت تصادفی، به عنوان راهکاری جهت مواجهه با این عدم قطعیت، اجتناب‌ناپذیر به نظر می‌رسد.

کانتینر ارسالی مجموعاً $K[Q/T]$ هزینه ثابتی معادل $K(\$)$ متحمل می‌شود. قیمت فروش محصول خریدار ($\$/unit$) است. در پایان دوره، تولیدکننده هزینه نگهداری $h(\$ / unit)$ را برای اقلام مازاد (فروش نشده) متحمل می‌شود.

تقاضای بازار (D)، تصادفی و وابسته به قیمت با میانگین $\mu_D = D(P)$ می‌باشد و انحراف استاندارد $\sigma_D = D(P)$ وابستگی بین تقاضا و قیمت (P) را نشان می‌دهد. برای مدل‌سازی تصادفی بودن تقاضا، از فرم ضربی و یا افزایشی استفاده می‌شود. در فرم ضربی، تقاضا با $D = D(P) \times \omega$ نشان داده می‌شود که ω نوز تقاضای ضربی است که $\mu_\omega = 1$ میانگین آن است. در فرم افزایشی، $D(P)$ با رابطه افزایشی به صورت $D = D(P) + \varepsilon$ تصادفی می‌شود که در آن ε خطای تصادفی با $\mu_\varepsilon = 0$ و $\sigma_\varepsilon \geq 0$ است. لازم به ذکر است که انحراف استاندارد تقاضا $\sigma_D = \sigma_\varepsilon$ است که برای تمام مقادیر P ثابت می‌ماند.

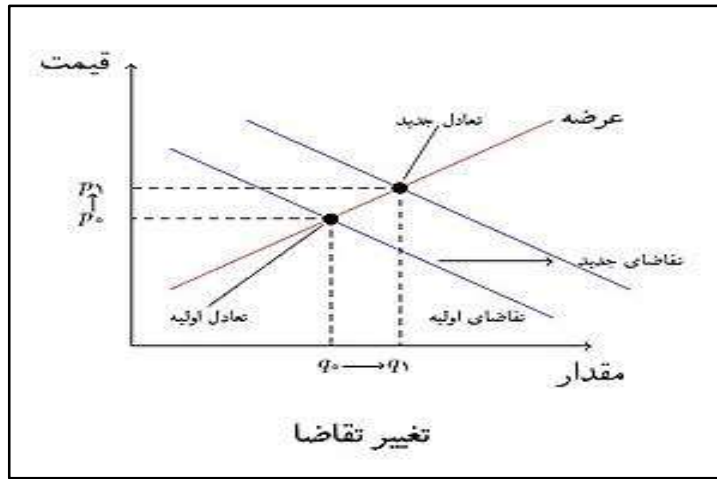
جدیدی و همکاران (۲۰۱۷) دریافتند که فرم افزایشی در تخمین تقاضای تجربی بهتر از فرم ضربی است. برای سادگی، بسیاری از مدل‌های رگرسیون فرض می‌کنند که انحراف استاندارد مقدار ثابت و مستقل از متغیر پیش‌بینی‌کننده است. بنابراین در این پژوهش از فرم افزایشی استفاده شده است (Jadidi et al. 2017). در اینجا $f(D)$ و $F(D)$ به ترتیب به عنوان چگالی احتمال و تابع توزیع تجمعی D تعریف می‌شود. برای تحلیل، یکی از دو توزیع احتمال نرمال و یکنواخت دنبال می‌شود. این دو توزیع برخی از ویژگی‌های واقعی تقاضا را در بر می‌گیرند و برای تجزیه و تحلیل ویژگی‌های کلیدی مناسب هستند. این دو توزیع توسط بسیاری از محققین مانند ما و همکاران (۲۰۱۵) استفاده شده است (Ma et al. 2015).

نمودار تغییر تقاضا به بیان ساده در شکل ۱ نشان داده شده است و محدوده تقاضا برای توزیع یکنواخت، $D_{min} = D(P) - \sigma_D \sqrt{3}$ و $D_{max} = D(P) + \sigma_D \sqrt{3}$ است که توسط روابط ۱ و ۲ به دست می‌آید.

$$\sigma_D = \frac{D_{max} - D_{min}}{2\sqrt{3}} \quad (1) \quad \mu_D = \frac{D_{min} + D_{max}}{2} \quad (2)$$

در روابط فوق، D_{max} به بیشترین تابع توزیع تجمعی و D_{min} به کمترین تابع توزیع تجمعی اشاره دارد. زمانی که قیمت خرده فروشی P به اندازه کافی بزرگ باشد، D_{min} منفی است و بنابراین، P به \bar{P} محدود می‌شود، به طوری که $D(\bar{P}) - \sigma_D \sqrt{3} \geq 0$ است. محدودیت دیگر $P \geq \bar{P} \geq C_1$ است که در آن P اولین مقداری است که سود خریدار را کمتر یا مساوی صفر می‌کند. به طور مشابه، برای توزیع عادی، قیمت خرده فروشی بین P و \bar{P} محدود می‌شود. این محدودیت منجر به منفی نشدن تقاضا و سود می‌شود. میانگین تقاضا، به صورت خطی با قیمت خرده فروشی P ، یعنی $D(P) = \mu_D = A - b.P$ ، تغییر می‌کند. b ضریب حساسیت قیمت و A یک پارامتر مثبت است.

^۱ فرم افزایشی در واقع تغییرات تقاضا با یک شیب خاص را نشان می‌دهد. تغییر افزایشی (کاهش) در مقدار تقاضا برای یک کالا به ازای کلیه قیمت‌ها، منجر به تغییر تابع تقاضا و حرکت یافتن آن به سمت راست (چپ) می‌شود. در نتیجه تغییر افزایشی (کاهش) تابع تقاضا، قیمت تعادلی و مقدار تعادلی در بازار، افزایش (کاهش) می‌یابند.



شکل ۱: نمودار تغییر تقاضا

در ادامه، یک مدل برای تخفیف‌های مقداری تمام واحدی فرموله می‌شود که تامین کننده می‌تواند از آنها برای ترغیب و یا وادار کردن خریدار برای سفارش و خرید استفاده کند. در این مدل، عرضه کننده مقداری را تعیین می‌کند که با بهره‌گیری از قیمت کاهش یافته، خریدار را ترغیب می‌کند تا کالاهایی با مقادیر جدید را سفارش دهد. همچنین، این مدل ظرفیت حمل و نقل تامین کننده را بهبود می‌بخشد. در واقع در این مدل، قیمت‌گذاری و تنظیم قیمت کالاها توسط یادگیری ماشین مبتنی بر شبکه‌های عصبی مصنوعی به صورت پویا و بر اساس رفتار خریداران و شرایط بازار در نظر گرفته و انجام می‌شود.

در مدل پیشنهادی، تامین کننده مقدار $V \geq 0$ را به صورت $(V = n\alpha, n = 1, \dots)$ تعیین می‌کند. α حداکثر ظرفیت سفارش است و n یک ضریب است و قصد بر این است که از حداکثر ظرفیت موجود به طور کامل استفاده شود. اگر اندازه سفارش خریدار Q بیشتر از V باشد، تامین کننده قیمت عمده فروشی C_1 و در غیر این صورت قیمت خرده فروشی C_2 ($C_1 \leq C_2$) را از خریدار دریافت می‌کند. یعنی اگر $Q > V$ باشد هزینه خرید برابر با $C_1 Q$ می‌باشد و در صورتی که $Q \leq V$ باشد هزینه خرید برابر با $C_2 Q$ می‌باشد. در نتیجه، سود تامین کننده $\pi_M(V, C_1, C_2)$ به صورت رابطه ۳ محاسبه می‌شود که $I_{Q \geq V}$ تابع نشانگر و C_m هزینه تولید واحد کالای سفارش شده است (m مخفف سازنده است).

$$\pi_M(V, C_1, C_2) = C_1 Q - (C_1 - C_2) Q I_{Q \geq V} - C_m Q - K \left[\frac{Q}{T} \right] \quad (3)$$

فرض کنید $R(Q, P) = PE[\min(D, Q)]$ درآمد مورد انتظار خریدار از فروش واحدهای Q را نشان می‌دهد و $L(Q) = hE[(Q - D)^+] + SE[(D - Q)^+]$ مجموع مورد انتظار خریدار از هزینه‌های نگهداری و کمبود در پایان دوره پس از تحقق تقاضا است. بنابراین، سود مورد انتظار آن، $\pi_{B_j}(Q, P)$ توسط رابطه ۴ محاسبه می‌شود.

$$\pi_{B_j}(Q, P) = R(Q, P) - L(Q) - C_j Q = P \int_{D_{min}}^Q D f(D) dD + P \int_Q^{D_{max}} Q f(D) dD + h \int_{D_{min}}^Q (Q - D) f(D) dD - S \int_Q^{D_{max}} (D - Q) f(D) dD - C_j Q$$

^۱ عبارت است از کاهش‌هایی در قیمت ثبت شده برای تشویق مشتریان به خرید مقادیر بیشتری از محصول می‌باشد. تخفیف‌های مقداری بر اساس اندازه خرید یا ارزش یا تعداد واحدها به دو دسته تقسیم می‌شوند: الف) تخفیف‌های غیر انباشتی: برپایه اندازه سفارش انفرادی یا جمعی است. معمولاً تخفیف‌های مقداری غیر انباشتی مشتریان را تشویق به سفارش‌های بزرگتری می‌کنند که در نتیجه نسبت هزینه فروش به کل فروش کاهش می‌یابد و صرفه جویی‌های حاصل بین فروشنده و خریدار تقسیم می‌شود. ب) تخفیف‌های انباشتی: برپایه حجم کل خریدهایی است که طی دوره زمانی خاصی انجام شده است. مزایای این تخفیف‌ها برای فروشنده این است که مشتریان را به خود وابسته می‌کند. تخفیف‌های انباشتی در فروش محصولات فاسد شدنی مفید است.

(۴) همچنین $I_{Q \geq V} \pi_{B_j}(Q, P) = R(Q, P) - L(Q) - (C_1 - C_2)QI_{Q \geq V}$ سود مورد انتظار خریدار را نشان می‌دهد که $I_{Q \geq V}$ تابع نشانگر است. $\pi_{B_j}(Q, P)$ یک تابع مقعری است که در قیمت (P) و مقدار سفارش (Q) به طور مشترک همگرا نیست. بنابراین، استفاده از یک روش حل متوالی ضروری است. مقدار بهینه به عنوان تابعی از Q با $\pi_{B_j}(Q, P)$ جایگزین می‌شود تا آن را به یک متغیر P کاهش دهد.

برای P معین و با حل معادله ۴، دو مقدار منحصر به فرد Q خواهیم داشت که به ترتیب $Q_1^* = F^{-1}\left(\frac{P+S-C_1}{P+h+S}\right)$ و $Q_2^* = F^{-1}\left(\frac{P+S-C_2}{P+h+S}\right)$ ، $\pi_{B_2}(Q, P)$ و $\pi_{B_1}(Q, P)$ را بیشینه می‌کنند. مقدار بهینه سفارش برای یک مقدار P معین، توسط روابط زیر مشخص می‌شود.

$$\text{if } Q_{j=1}^* \geq V, \text{ then } Q_{j=1}^+ = V \quad (5)$$

$$\text{if } 0 \leq Q_{j=1}^* < V, \text{ then } Q_{j=1}^+ = Q_{j=1}^* \quad (6)$$

$$\text{if } 0 \leq Q_{j=2}^* < V, \text{ then } Q_{j=2}^+ = 0 \quad (7)$$

$$\text{if } Q_{j=2}^* \geq V, \text{ then } Q_{j=2}^+ = Q_{j=2}^* \quad (8)$$

واضح است که در هر سطح P معین، مقدار سفارش خریدار از تامین کننده به شرح زیر تعیین می‌شود.

$$Q = \begin{cases} Q_1^*, & \text{if } \pi_{B_2}(Q, P) < \pi_{B_1}(Q, P) \\ Q_2^*, & \text{if } \pi_{B_2}(Q, P) \gg \pi_{B_1}(Q, P) \end{cases} \quad (9)$$

با استفاده از روابط ۵ تا ۹، مقدار سفارش Q برابر است با $F^{-1}(\rho_j)$ $j = 1, \dots, 9$ و همچنین $\rho_1 = \frac{P+S-C_1}{P+h+S}$ و $\rho_2 = \frac{P+S-C_2}{P+h+S}$ به منظور کاهش پارامترها و تبدیل مسئله قیمت گذاری به یک مسئله تصمیم تک پارامتری یعنی P ، با جایگزینی $F^{-1}(\rho_j)$ $j = 1, \dots, 10$ را خواهیم داشت.

$$\pi_{B_j}(P) = P \int_{D_{min}}^{f^{-1}(\rho_j)} Df(D)dD + P \int_{f^{-1}(\rho_j)}^{D_{max}} f^{-1}(\rho_j)f(D)dD + h \int_{D_{min}}^{f^{-1}(\rho_j)} (f^{-1}(\rho_j) - D)f(D)dD - S \int_{f^{-1}(\rho_j)}^{D_{max}} (D - f^{-1}(\rho_j))f(D)dD + - C_j f^{-1}(\rho_j) \quad (10)$$

متأسفانه، به دلیل تابع توزیع تجمعی معکوس $F^{-1}(\rho_j)$ در معادله ۱۰، به دست آوردن یک تابع یکنواخت برای P دشوار است و هر الگوریتمی قادر به تخمین نتایج درست نمی‌باشد. بنابراین، برای بدست آوردن مقدار بهینه قیمت خرده فروشی یعنی P^* ، یک الگوریتم شبکه عصبی مورد استفاده قرار می‌گیرد. در این الگوریتم، برای یافتن P^* در حین محاسبه $\pi_{B_j}(Q, P)$ ، P را با θ از P به \bar{P} افزایش می‌دهیم.

روش حل به کمک شبکه عصبی

مفاهیم ارائه شده در مدل شبکه عصبی هوش مصنوعی شامل مفاهیم اساسی است که در این پژوهش جهت پیش بینی و مدل سازی قیمت گذاری کالاها مورد بررسی و استفاده قرار خواهند گرفت. شبکه های عصبی توان بالقوه ای برای حل مسائلی دارند که شبیه سازی آنها از طریق منطقی، تکنیک های تحلیلی سیستم های خبره و تکنولوژی های استاندارد نرم افزاری مشکل است و در مواقعی که داده ها در شرایط عدم اطمینان اعم از آنکه ناقص و یا توأم با نویز دریافت شده باشند جواب منطقی ارائه می دهند. بنابراین به دلیل تکنیکی، از

سرعت پردازش بالایی برخوردار هستند و در مواقع تغییر شرایط بسیار منعطف هستند. محدودیت اصلی یک شبکه عصبی مصنوعی نیاز آن به دسترسی به پایگاه‌های داده‌های واقعی و تحلیل مقادیر زیادی داده برای آموزش و تست مدل در فاز یادگیری می‌باشد (Aggarwal, 2018).

همانطوری که قبلاً بیان شد تامین کنندگان اغلب مشوق‌هایی را برای خریداران ارائه می‌کنند. به عنوان مثال، تخفیف‌های تمام واحدی، برای ترغیب خریداران به سفارش در مقادیر بیشتر، که استفاده از حداکثر ظرفیت را بهبود می‌بخشد و هزینه حمل و نقل را کاهش می‌دهد. در این راستا، یک مدل از تخفیف‌های تمام واحدی فرموله می‌شود که به منظور حل مسئله در الگوریتم شبکه عصبی و یافتن مقادیر بهینه، متغیرهای تصمیم‌تأمین‌کننده و خریدار برای مدل و معادلات مشخص شده معرفی می‌شوند. متغیرهای تصمیم به ترتیب $C1, C2, Q, V, P$ هستند. این الگوریتم با برشمردن تمام راه‌حل‌های ممکن، راه حل بهینه را پیدا می‌کند. برای درک بهتر اجرای الگوریتم، اجازه دهید قراردادی را در نظر بگیریم که در آن یک تولیدکننده غالب قیمت عمده فروشی C خود را تعیین می‌کند و خریدار، یک پیرو، با قیمت خرده فروشی P و مقدار سفارش Q پاسخ می‌دهد. برای هر مقدار داده شده از C و P ، مقدار سفارش بهینه خریدار به عنوان $F^{-1}\left(\frac{P+S-C}{P+h+S}\right)$ محاسبه می‌شود. برای هر مقدار داده شده از C ، الگوریتم بهینه‌سازی شبکه عصبی، P را با θ از P به \bar{P} افزایش می‌دهد تا قیمت خرده فروشی بهینه، P^* را مشخص کند که بیشترین سود را برای خریدار به همراه دارد. واضح است که مقادیر کوچکتر θ ، P^* را اصلاح می‌کند و نتایج بهتری ایجاد می‌کند.

شبیه‌سازی و تجزیه و تحلیل نتایج

پیاده‌سازی روش پیشنهادی بر روی مجموعه داده مورد بررسی توسط سیستمی با ویژگی‌های مشخص شده در جدول ۱ انجام شده است.

ورودی‌های شبکه عصبی پیشنهادی از ۴ مولفه $C1, C2, Q, V$ تشکیل شده‌اند و پارامتر قیمت نهایی خرید کالا با P نامگذاری شده است. تعداد کل داده‌های ورودی ۱۰۰۰ ردیف است که در یک بازه ۵ ساله از یک فروشگاه مواد غذایی در شهر بجنورد مرکز استان خراسان شمالی خیابان امیریه جنوبی جمع‌آوری شده است. در طی این مدت اطلاعات ۱۰۰۰ سفارش فروشگاه مطابق لیستی که در جدول ۲ نشان داده شده است جمع‌آوری گردید.

جدول ۱: ویژگی‌های سیستم مورد استفاده جهت پیاده‌سازی

مشخصات	ویژگی
۶,۷۵ گیگاهرتز ۷ هسته‌ای	CPU
۸ گیگابایت	RAM
ویندوز ۱۰ نسخه ۶۴ بیتی	سیستم عامل
MATLAB نسخه 2019a	نرم‌افزار

در جدول ۲، ستون اول نام کالا و ستون دوم بارکد کالا و ستون سوم قیمت خرید به ریال با در نظر گرفتن هزینه حمل و نقل، ستون چهارم قیمت فروش به ریال و ستون پنجم قیمت فروش همراه با تخفیف است که در واقع قیمت فروش نهایی است. ستون ششم تعداد سفارش داده شده و ستون هفتم ظرفیت حمل و نقل تعداد سفارش داده شده است. سود فروشگاه عبارت است از تفاوت میان قیمت خرید و فروش نهایی که مخارج جاری فروشگاه یعنی دستمزد پرسنل و هزینه‌های جاری مانند آب و برق نیز باید از آن کسر گردد. هدف نهایی نیز به حداکثر رساندن سود فروشگاه است.

به علت بازه زمانی جمع‌آوری داده‌ها و وجود تورم (افزایش در قیمت برخی از اجناس و کاهش قدرت خرید مشتریان)، نهایتاً همه قیمت‌ها به قیمت روز آخر جمع‌آوری داده‌ها محاسبه شدند که در واقع نوعی نرمالیزاسیون داده‌ها صورت گرفت تا پاسخ شبکه عصبی منطقی باشد. برای این نرمالیزاسیون هم از نسبت قیمت فروش در روز آخر به قیمت فروش در زمان مورد نظر استفاده شد. به طور مثال قیمت زر ماکارونی رشته‌ای ۱,۲-۷۰۰ گرمی که بیشترین سفارش را در طی این مدت داشته است در آخرین لیست ۲۱۶۰۰۰ ریال بوده است که در لیست اول ۹۸۰۰۰ ریال بوده لذا قیمت‌های روز اول باید در ضریب $216000/98000$ یعنی عدد $2,2040816327$ ضرب گردد. در خصوص بقیه لیست‌ها هم به همین ترتیب عمل گردید.

در جدول ۲، تعداد ۳۸ قلم کالا نشان داده شده است. در این شبیه‌سازی بر روی یک قلم که بیشترین سفارش و فروش را دارد متمرکز شدیم که همان بسته ۷۰۰ گرمی زر ماکارونی رشته‌ای ۱,۲ است. اطلاعات مربوط به این کالا به صورت جدول ۳ استخراج گردید.

جدول ۲: لیست سفارشات فروشگاه

نام کالا	بارکد	قیمت خرید	قیمت فروش	قیمت موقتی	تعداد	ظرفت حمل نقل
زر ماکارونی رشته ای ۱٫۷-	62605328101	171,314	240,000	230,400	800	یک سوم کامیون ۱۰ تنی
زر ماکارونی رشته ایی ۱٫۲-	62605328220	171,314	240,000	216,000	1400	
زر ماکارونی رشته ایی ۱٫۵-	62605328100	171,314	240,000	216,000	750	
زر ماکارونی رشته ایی ۲٫۵-	62605328119	127,734	170,000	164,900	750	
زر ماکارونی رشته ایی ۱٫۷-	62605328101	127,734	170,000	163,200	300	
زر ماکارونی رشته ایی ۱٫۵-	62605328100	232,927	310,000	300,700	320	
زر ماکارونی فرمی فانتزیا	62605328238	148,772	198,000	192,060	100	یک دهم کامیون ۱۰ تنی
زر ماکارونی فرمی شلز ۵۰۰ گرمی	62605328135	148,772	198,000	192,060	200	
زر ماکارونی فرمی پیکولی ۵۰۰ گرمی	62605328134	148,772	198,000	192,060	200	
زر ماکارونی فرمی فوسیلی ۵۰۰ گرمی	62605328120	148,772	198,000	192,060	200	
زر ماکارونی فرمی مخلوط	62605328222	206,628	275,000	275,000	200	
زر ماکارونی فرمی پروانه	62605328209	240,440	320,000	320,000	120	
زر ماکارونی فرمی پروانه	62605328208	181,833	242,000	234,740	200	
زر ماکارونی فرمی	62605328221	148,772	198,000	198,000	120	
زر ماکارونی فرمی البو ۵۰۰ گرمی	62605328201	148,772	198,000	198,000	100	یک پنجم کامیون ۱۰ تنی
اویلا رب گوجه فرنگی ۸۰۰ گرمی	62620325030	334,862	450,000	441,000	1200	
فامیلا رب گوجه فرنگی ۸۰۰ گرمی	62620325067	334,862	450,000	441,000	1200	یک کامیون ۱۵ تنی
ساعی روغن جامد ۵ کیلو	62602951013	3735200	4,060,000	3,369,800	2800	
امروز شکر سفونی ۱۰۰۰ گرم	62610611005	197,242	269,500	242,550	4980	نصف کامیون ۱۰ تنی
پپسی نوشابه پت ۱۵۰۰ CC	62602155002	117,905	178,450	151,682	1200	یک چهارم کامیون ۱۰ تنی
کوکاکولا نوشابه پت ۱۵۰۰ سی سی	62602651002	142,760	178,450	151,682	1200	
قند فله	2201439	242,550	269,000	269,000	10000	یک کامیون ۱۰ تنی
محسن برنج پاکستانی سفید ۳۸۶ ۱۰	62600002816	2,250,00	2,740,000	2,740,000	1200	یک کامیون ۱۵ تنی
آس برنج پاکستانی ۳۸۶ ۱۰ کیلویی	01112005281	2,180,00	2,740,000	2,740,000	1500	یک کامیون ۱۵ تنی
پرل مایع ظرفشویی لیمویی ۴ عددی	62601050059	921,481	1,333,697	1,133,642	400	یک سوم کامیون ۱۰ تنی
پرل مایع ظرفشویی پرتقال ۴ عددی	62601050060	921,481	1,333,697	1,240,338	200	
پرل مایع ظرفشویی لوندرا ۴ عددی	62601050060	921,481	1,333,697	1,240,338	200	
من تمیز کننده ۱ لیتری	62600163000	76,680	136,250	136,250	800	یک پنجم کامیون ۱۰ تنی
من تمیز کننده ۴ لیتری	62600163420	251,847	447,500	447,500	240	
گلنار صابون حمام ۱۳۰ گ با جعبه	62611013130	371,203	588,000	588,000	1704	یک پنجم کامیون ۱۰ تنی
شبنم شامپو ۶۲۵ گ زرد پت	62611015212	160,000	223,800	223,800	208	یک دهم کامیون ۱۰ تنی
شبنم شامپو ۱۰۰۰ گ	62611015212	248,594	331,500	331,500	560	
شبنم شامپو ۲۲۰ گ	62611015210	63,931	85,250	85,250	960	
ساعی روغن سرخ کردنی شفاف	62602951014	783,750	1,045,000	919,600	3240	

ساعی روغن سرخ کردنی کم جذب	62602951001	708,750	945,000	831,600	1350	نصف کامیون ۱۰ تنی
غنچه روغن گیاهی نیمه جامد امگا	62601018020	2,855,04	2,974,000	2,974,000	1248	یک کامیون ۱۵ تنی
گلی مایع ظرفشویی الیتری فرمول	62616436063	195,937	261,250	261,250	1616	یک سوم کامیون ۱۰
گلی مایع ظرفشویی ۴ لیتری فرمول	626164360	552,18	736,250	736,25	344	

جدول ۳: لیست مشخصات سفارش بسته ۷۰۰ گرمی زر ماکارونی رشته ای ۱,۲

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته ماکارونی	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۷۱۳۱۴ ریال	۲۴۰۰۰۰ ریال	۱۴۰۰ عدد	۱۵۰۰ عدد	۲۱۶۰۰۰ ریال

جدول ۴: بخشی از داده ورودی به شبکه عصبی

C1	C2	Q	V	P
171314	240000	1400	1500	216000
170023	238541	1350	1500	206000
170010	238389	1350	1500	204000
169995	238254	1340	1500	203900
169897	238000	1370	1600	202500
168756	237856	1450	1650	201250
169754	237995	1520	1550	202600
168523	237654	1540	1550	202500
167582	235698	1480	1550	201000

جدول ۴ بخشی از مجموعه داده ورودی را نشان می‌دهد. در این داده‌ها ستون اول C1 یعنی قیمت عمده فروشی بسته ماکارونی به ریال است و ستون دوم C2 قیمت خرده فروشی همان بسته ماکارونی و ستون سوم Q تعداد بسته ماکارونی خواسته شده در آن دوره و ستون چهارم V تعداد همان بسته ماکارونی به عنوان ملاک برای خرده فروشی یا عمده فروشی است که بیشتر از آن تعداد عمده فروشی و کمتر از آن خرده فروشی محسوب می‌شود. مقدار ستون پنجم (P) نشان‌دهنده قیمت نهایی فروش کالا در فروشگاه به ریال می‌باشد. تمام این کمیت‌ها مطابق با توضیحات مدل پیشنهادی هستند و در واقع، شبکه عصبی باید مقادیر چهار ستون اول را به عنوان ورودی دریافت کرده و نهایتاً مقدار ستون پنجم (قیمت نهایی فروش کالا) را به عنوان خروجی بدهد. از این ۱۰۰۰ ردیف داده، ۷۰۰ ردیف برای آموزش شبکه با روش پس انتشار خطا استفاده می‌شود تا ضرایب شبکه تعیین شوند و تعداد ۱۵۰ ردیف برای تست شبکه و اصلاح آموزش آن و تعداد ۱۵۰ ردیف هم برای اعتبارسنجی که نتایج آن در انتهای این فصل آمده است.

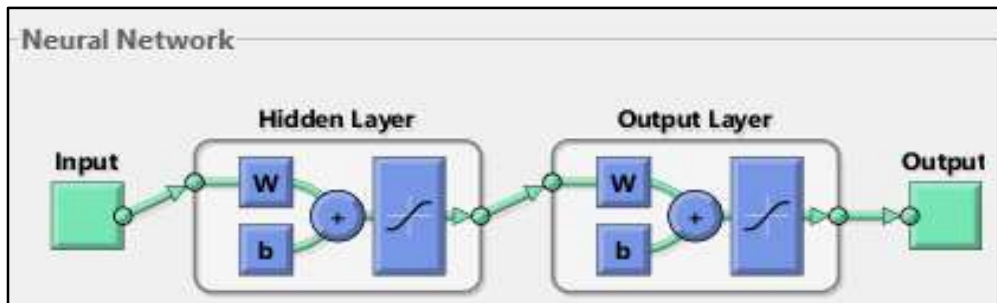
¹ Back Propagation

همانطوری که اشاره شد، ۴ ویژگی اول از سمت چپ به ترتیب برای متغیرهای ورودی $C1, C2, Q, V$ استفاده شده است و ستون پنجم نیز برای متغیر خروجی P استفاده شده است. بر روی تمام این داده‌ها عملیات نرمالیزاسیون انجام شده است. این داده‌ها طی یک فرآیند ۱ ماهه تهیه شده (بررسی ۱۰۰۰ لیست سفارش فروشگاه) و قیمت‌هایی که از طریق این شبکه عصبی به دست آمده در فروشگاه اعمال گردید و ۲ ماه بعد از آن میزان سود فروشگاه از بابت فروش با قیمت‌گذاری‌های جدید نسبت به گذشته مورد مشاهده و بررسی قرار گرفت. به دلیل اینکه بعضی از فیلدها دارای مقدار نبودند و یا اینکه مقداری خارج از محدوده سایر مقادیر داشتند، عملیات پیش‌پردازش داده‌ها صورت گرفت. معمولاً برای انجام عملیات پیش‌پردازش به این صورت عمل می‌شود که اگر داده کمی باشد، از میانگین سایر مقادیر دیگر استفاده می‌شود و اگر داده کیفی باشد، از محتمل‌ترین مقدار ممکن استفاده می‌شود. پس از انجام عملیات پیش‌پردازش، مقادیر آماری مجموعه داده مورد بررسی مشخص شدند (جدول ۵).

جدول ۵: مقادیر آماری مجموعه داده پس از عملیات پیش‌پردازش

ویژگی	ماکزیمم	مینیمم	میانگین	انحراف معیار
C1	۱۷۱۳۱۴	۱۶۱۲۵۴	۱۶۷۵۲۴	۲۲۵,۶۷
C2	۲۴۰۰۰۰	۲۲۵۰۰۰	۲۳۱۵۰۰	۲۳۹,۸۱
Q	۱۶۰۰	۱۳۰۰	۱۵۰۰	۲۳۴,۹۴
V	۱۶۵۰	۱۴۵۰	۱۵۵۰	۲۲۹,۷۹

جدول ۵، مجموعه داده آماده و بدون نویز و همچنین دارای بازه مناسب و نرمال‌شده را نشان می‌دهد. این جدول در واقع ماکزیمم، مینیمم، میانگین و انحراف معیار را برای کمیت‌های ورودی به شبکه عصبی مشخص می‌کند. شکل ۲، شماتیک شبکه عصبی پیشنهادی را نشان می‌دهد که از ۴ بخش ورودی‌ها، لایه پنهان، لایه خروجی و خروجی نهایی تشکیل شده است. مقادیر هر ورودی در وزن متناظرش ضرب می‌شود و سپس با یکدیگر جمع می‌گردند تا سطح تحریک سلول عصبی را معین نمایند.



شکل ۲: شماتیک شبکه عصبی

در شبکه های چندلایه، خروجی یک لایه، ورودی لایه بعدی را مهیا می کند. معرفی الگوریتم پس انتشار خطا یا انتشار برگشتی یک روش سیستماتیک برای آموزش شبکه های عصبی مصنوعی چند لایه است. در سلول عصبی مورد استفاده در الگوریتم انتشار برگشتی یک دسته ورودی از یک لایه قبلی به کار برده می شود. هر یک از این ورودی ها در یک وزن ضرب می شود و حاصل ضرب ها با یکدیگر جمع می شوند. قبل از شروع فرایند آموزش شبکه، همه وزن ها باید با مقادیر کوچک تصادفی شروع شوند. این عمل تضمین می کند که شبکه با مقادیر بزرگ وزن ها اشباع نخواهد شد و از بعضی آسیب های تربیتی نیز جلوگیری به عمل خواهد آمد. برای مثال، در صورتی که به همه وزن ها مقادیر اولیه یکسان داده شود و عملکرد دلخواه نیاز به مقادیر نابرابر وزن ها داشته باشد، در این صورت شبکه آموزش نخواهد دید.

آموزش شبکه با الگوریتم انتشار برگشتی نیاز به گام های زیر دارد:

یک زوج آموزشی را از دسته آموزشی انتخاب کنیم و جزء مربوط به ورودی (بردار ورودی) از زوج آموزشی را به عنوان ورودی شبکه به کار می بریم.

خروجی شبکه را محاسبه می کنیم.

خطای بین خروجی شبکه و خروجی دلخواه (بردار هدف از زوج آموزشی) را محاسبه می کنیم.

وزن های شبکه را به روشی تنظیم می نمایم که خطا به حداقل برسد.

گام های یک تا چهار را برای هر بردار در دسته آموزشی تکرار می کنیم تا خطا برای کل دسته به گونه ای قابل قبول کاهش یابد.

با ارائه هر مجموعه اطلاعات به شبکه، وزن ها اصلاح می گردند. وقتی تمام مجموعه اطلاعات به شبکه داده شد، می گوئیم یک مرحله ۲ تکمیل شده است و مجدداً اطلاعات از اول به شبکه داده می شود. برای آموزش حتی یک شبکه ساده ممکن است تعداد مراحل زیادی لازم باشد.

عملکردهای مورد نیاز در گام های اول و دوم مشابه روشی هستند که در طی آن، شبکه تربیت می شود و به گونه ای پیوسته مورد استفاده قرار می گیرد. این روش به این صورت است که یک بردار ورودی به کار برده می شود، محاسبات لایه به لایه انجام شده و خروجی محاسبه می گردد. به این صورت که ابتدا خروجی سلول های عصبی یک لایه که محاسبه می شود، این خروجی ها به عنوان ورودی برای لایه بعدی به کار برده می شود و سپس از روی این ورودی ها، خروجی های لایه دوم محاسبه می گردد و در نتیجه، این خروجی ها بردار خروجی شبکه را تشکیل می دهند. در گام سوم، هر کدام از خروجی های شبکه برای محاسبه خطا از آرایه متناظر خود از بردار هدف کم می شوند. این خطا در گام چهارم برای تنظیم وزن های شبکه به کار برده می شود و مقدار و جهت تغییر وزن ها به وسیله الگوریتم آموزشی تعیین می گردد. بعد از تکرار این چهار گام به اندازه کافی خطای بین خروجی حقیقی و هدف میبایست به یک مقدار مجاز و قابل قبول کاهش داده شود و بدین ترتیب گفته می شود که شبکه آموزش دیده است. از این لحظه به بعد شبکه برای شناخت و تشخیص به کار برده می شود و وزن ها دیگر تغییر داده نمی شوند. در این تحقیق از شبکه عصبی MLP ۳ لایه آموزش دیده با الگوریتم انتشار برگشتی استفاده شده است. همچنین برای شبکه عصبی پیشنهادی، مجموعه داده بصورت درصد های جدول ۶ تقسیم بندی شده است.

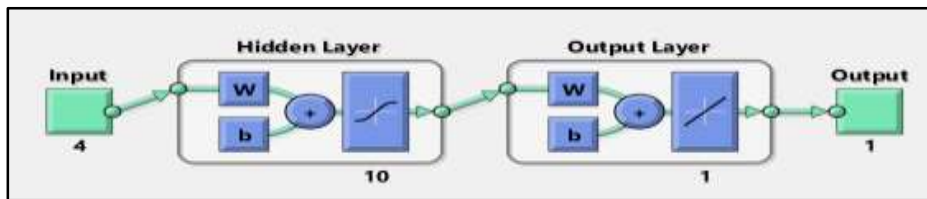
¹ Backpropagation

² epoch

جدول ۶: داده‌های مورد استفاده توسط شبکه عصبی

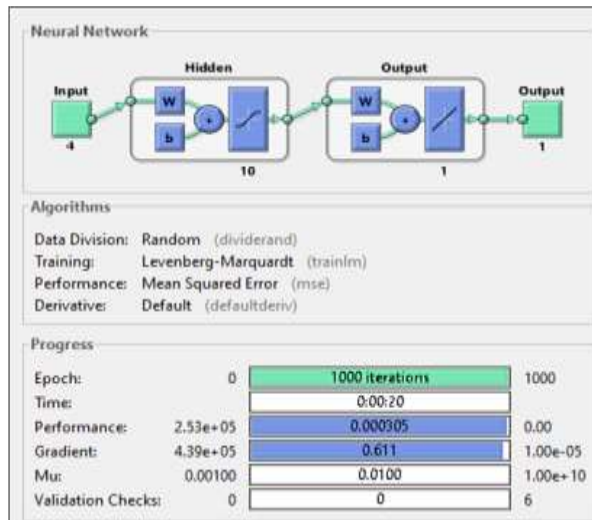
مقدار (%) درصد	نوع مجموعه داده
۷۰	آموزشی
۱۵	اعتبارسنجی
۱۵	تست

همانطوری که در جدول ۶ مشخص شده است، برای مجموعه داده آموزشی ۷۰ درصد مجموعه داده کل، برای اعتبارسنجی ۱۵ درصد مجموعه داده کل و برای تست نیز ۱۵ درصد مجموعه داده کل در نظر گرفته شده است. پس از قرارگیری مجموعه داده در سیستم پیشنهادی، شکل ۳، شماتیک نهایی شبکه عصبی پیشنهادی را نشان می‌دهد.



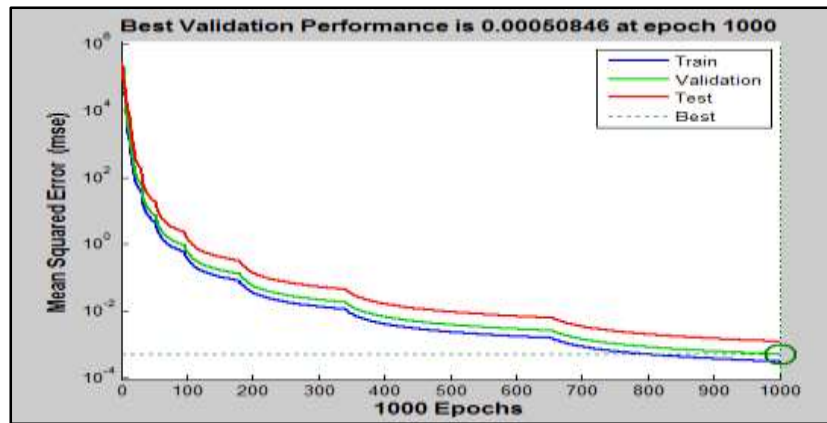
شکل ۳: نمای نهایی شبکه عصبی پیشنهادی

پس از ایجاد شبکه عصبی و تعیین ویژگی‌های ورودی و تعداد لایه‌ها و چگونگی تقسیم‌بندی مجموعه داده، در این مرحله شبکه عصبی آموزش می‌بیند. شکل ۴ نمایی از محیط آموزش شبکه را براساس داده‌ها نشان می‌دهد.



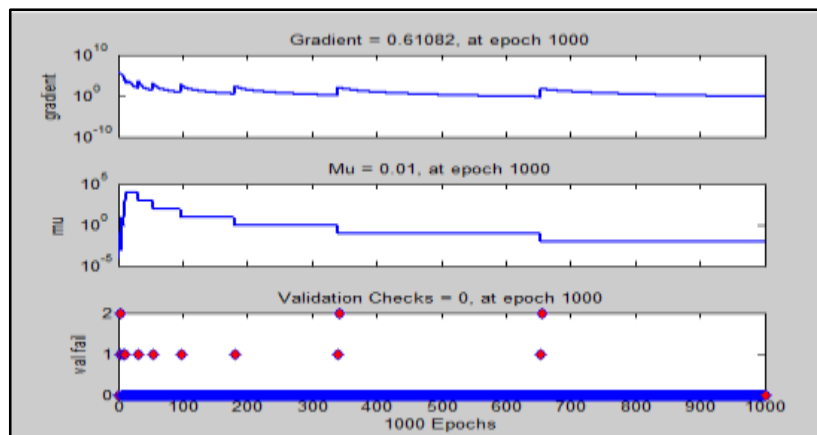
شکل ۴: نمایی از محیط اجرایی شبکه عصبی آموزش دیده

همانطوری که از شکل ۴ مشخص است، تعداد تکرارها برای اجرای شبکه عصبی برابر با ۱۰۰۰ تکرار در نظر گرفته شده است. همچنین شکل ۵، نمودار کارایی شبکه عصبی آموزش دیده را نشان می‌دهد.



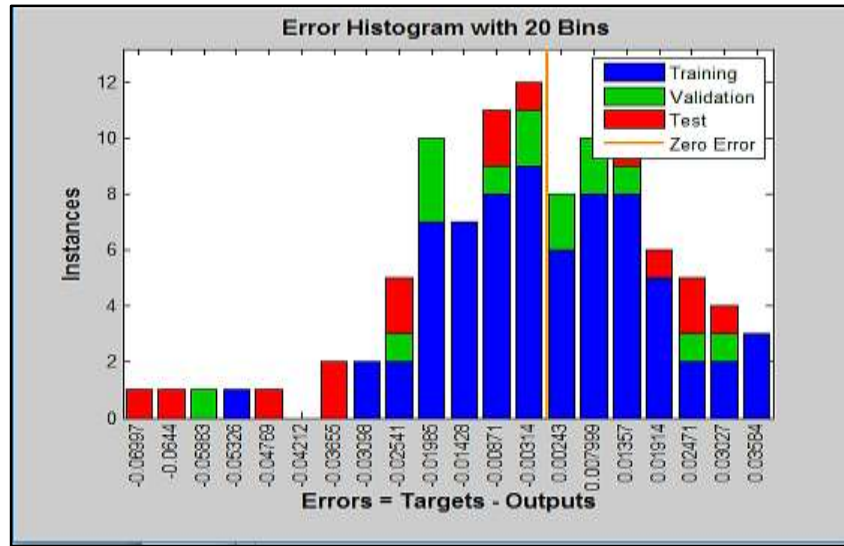
شکل ۵: نمودار کارایی شبکه عصبی پس از آموزش

شکل ۵ میزان خطای شبکه عصبی را برای سه حالت آموزش، اعتبارسنجی و تست نشان می‌دهد و از آنجایی که خطای شبکه به سمت صفر میل می‌کند لذا نشان‌دهنده صحت عملکرد شبکه عصبی است. همچنین شکل ۶ نمودار تغییر حالت را برای مجموعه داده‌های تست، اعتبارسنجی و آموزشی نشان داده است.



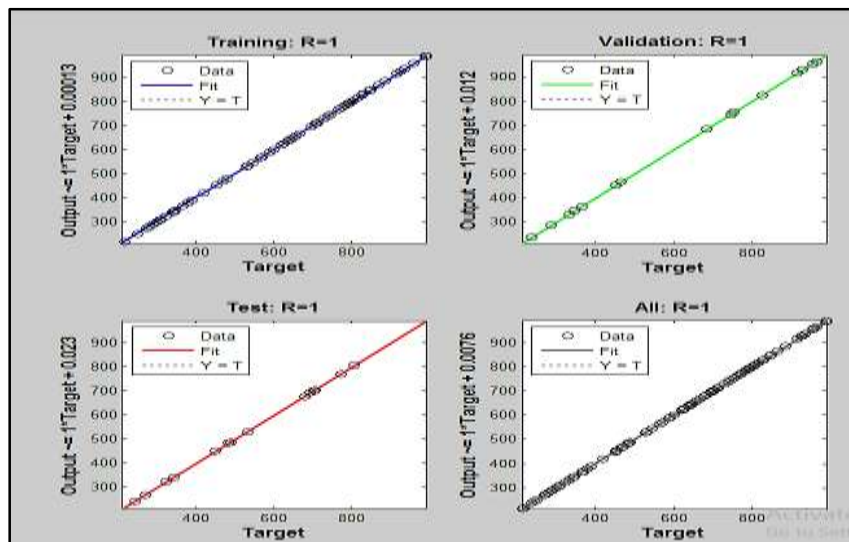
شکل ۶: نمودار تغییر حالت برای مجموعه داده‌های شبکه عصبی پیشنهادی

نمودار موجود در شکل ۶ نشان‌دهنده شیب تغییرات وزن‌ها در شبکه عصبی است که در انتها ثابت شده است یعنی وزن‌ها تغییر نکرده‌اند. لذا آموزش، اعتبارسنجی و تست درست انجام شده‌اند. در واقع اگر بیشتر این تغییرات صفر باشد یعنی شبکه عصبی خیلی زود همگرا شده و توانسته به نقطه بهینه خود برسد. همچنین شکل ۷، نمودار میزان خطا را به ازای مجموعه داده‌های مختلف نشان می‌دهد.



شکل ۷: نمودار میزان خطای مجموعه داده‌های مختلف

همانطوری که در شکل ۷ مشخص شده است، میزان خطا به ازای مجموعه داده‌های آموزشی، اعتبارسنجی و تست مشخص شده است. این نمودار نشان دهنده توزیع میزان خطای شبکه عصبی در سه حالت آموزش، اعتبارسنجی و تست است و همانطور که مشخص است بیشترین خطای فراوانی حول مقدار صفر است که نشانگر عملکرد درست شبکه عصبی است. شکل ۸ نیز نمودار رگرسیون را برای داده‌های مختلف به تفکیک نشان می‌دهد.



شکل ۸: نمودار رگرسیون برای مجموعه داده‌های مختلف

همانطوری که در شکل ۸ مشخص است، میزان رگرسیون مجموعه داده‌های مختلف به ازای مقادیر مختلف خطای R، به صورت مجزا و همچنین با هم نشان داده شده‌اند. در واقع این نمودار بیانگر رگرسیون یا پیدا کردن خطی است که بر داده‌ها انطباق می‌یابد. پس از اجرای فرآیند آموزشی برای شبکه عصبی، مقادیر معیارهای کارایی خروجی در جدول ۷ نشان داده شده‌اند.

جدول ۷: مقادیر معیارهای کارایی خروجی فرآیند آموزشی

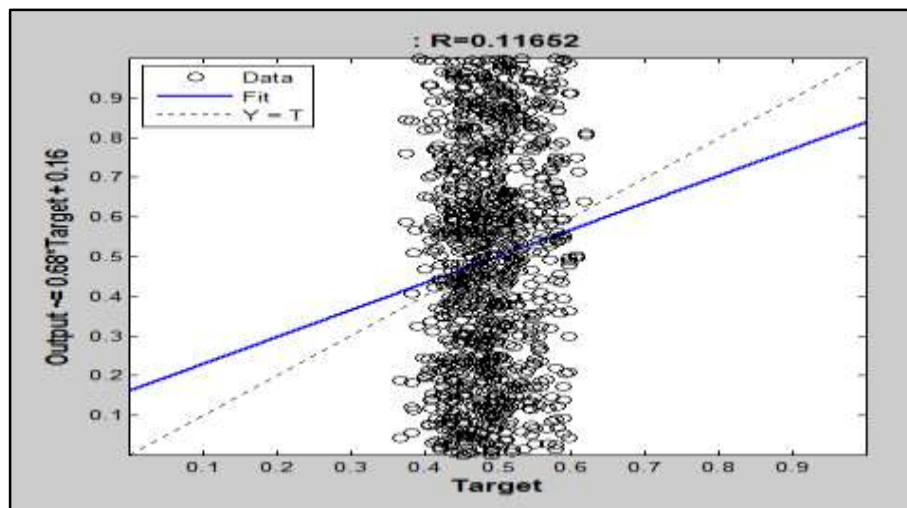
معیار R	معیار MSE	مجموعه داده
۰,۱۷۳	۰,۰۷۸	آموزشی
۰,۸۱۲	۰,۰۸۲۹	اعتبارسنجی
۰,۰۹۲۴	۰,۰۹۵	تست

جدول ۷، دو معیار MSE و R را برای فرآیند آموزشی (۷۰ درصد داده ها) و اعتبارسنجی (۱۵ درصد داده ها) و تست (۱۵ درصد داده ها) نشان می دهد. پس از آموزش دیدن شبکه عصبی توسط مجموعه داده آموزشی، در این مرحله باید شبکه عصبی تست شود. در واقع در این مرحله، مجموعه داده تست را انتخاب کرده و توسط شبکه عصبی پیشنهادی ایجاد شده، خروجی را بدست می آوریم. جدول ۸، معیارهای خروجی را برای مجموعه داده تست نشان داده است:

جدول ۸: معیارهای کارایی برای مجموعه داده تست

مقدار	معیار
۰,۰۸۱۳	MSE
۰,۱۱۷	R

همانطوری که از جدول ۸ مشخص شده است، معیار MSE برای مجموعه داده تست برابر با ۰,۰۸۱۳ و معیار R نیز برای این مجموعه برابر با ۰,۱۱۷ محاسبه شده است. همچنین شکل ۹، نمودار رگرسیون مجموعه داده تست را نشان می دهد.



شکل ۹: نمودار رگرسیون برای مجموعه داده تست

پس از آموزش و اعتبارسنجی و تست شبکه عصبی و اطمینان از صحت عملکرد آن در یک بازه زمانی ۲ ماهه اطلاعات C1, C2, Q, V در هر سفارش طبق نمودار شکل ۱۰ به شبکه عصبی داده شده و قیمت نهایی دریافتی از شبکه بر روی بسته ۷۰۰ گرمی زر ماکارون رشته ای ۱,۲ اعمال گردید و سود فروشگاه در این بازه ۲ ماهه نسبت به ۲ ماه قبل از آن مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار گرفت که مشخص شد سود فروشگاه از بابت فروش بسته ۷۰۰ گرمی زر ماکارون رشته ای ۱,۲ به میزان ۱۵ درصد افزایش داشته است و فروشگاه تصمیم گرفت این روش را برای اجناس دیگر خود نیز اعمال نماید که این کار نیز انجام گردید.



شکل ۱۰: فرآیند قیمت‌گذاری در فروشگاه

بحث و نتیجه‌گیری

هدف این پژوهش افزایش دقت قیمت‌گذاری کالا با استفاده از تکنیک‌های شبکه‌های هوش مصنوعی است که با تعیین استراتژی‌های کنترل موجودی و زنجیره تامین و با در نظر گرفتن نیاز و علاقمندی مشتریان، قیمت نهایی کالاها را مشخص نماید. ایده‌ی اصلی شناخت و در نظر گرفتن متغیرهای تاثیرگذار، کنترل و مطالعه آنها و تعیین قیمت مناسب‌تر برای فروشندگان و مصرف‌کنندگان کالا است. در این راستا با بهره‌گیری از مزایای شبکه عصبی بهینه‌سازی شده به ارائه مدل پیشنهادی و تعیین نرخ فروش کالا پس از دوره زمانی جمع‌آوری داده و آموزش شبکه پرداخته شد.

پس از پیاده‌سازی مدل پیشنهادی برای بسته ۷۰۰ گرمی زر ماکارون رشته‌ای ۱،۲، و تاثیر مثبت آن در سود فروشگاه، در ادامه، این فرآیند در مورد ۱۰ کالای پرفروش دیگر هم در این فروشگاه بر روی همان شبکه عصبی با آموزش جدید انجام گردید تا صحت سنجی روش پیشنهادی با اعتبار لازم صورت پذیرد. لیست مشخصات این کالاها در جدول ۹ آورده شده است.

در ادامه به شبیه‌سازی قیمت‌گذاری ۱۰ قلم کالای پرفروش فروشگاه متمرکز شدیم. اطلاعات مربوط به این کالاها در هر لیست سفارش به صورت جداول ۱۰ تا ۱۹ استخراج گردید. تمام این کمیت‌ها مطابق با توضیحات مدل پیشنهادی هستند. در واقع شبکه عصبی باید مقادیر چهار ستون اول را به عنوان ورودی دریافت کرده و نهایتاً مقدار قیمت نهایی فروش را به عنوان خروجی نشان دهد. از ۱۰۰۰ ردیف داده ورودی، ۷۰۰ ردیف برای آموزش شبکه با روش پس انتشار خطا استفاده گردید تا ضرایب شبکه تعیین شوند و تعداد ۱۵۰ ردیف برای تست شبکه و اصلاح آموزش آن و تعداد ۱۵۰ ردیف هم برای اعتبارسنجی که نتایج آن در ادامه آمده است.

جدول ۹: لیست ۱۰ کالای مورد بررسی فروشگاه

شرح کالا	بارکد	قیمت خرید	قیمت مصرف کننده	قیمت پس از تخفیف	تعداد سفارش	ظرفیت حمل و نقل
نوشابه ۱/۵ لیتری کوکا کولا	6260265100264	171200	214000	188320	1200	یک چهارم کامیون ۱۰ تنی
برنج پاکستانی محسن صبح بخیر	6264257100850	2890000	3150000	2990000	1500	۱ کامیون ۱۵ تنی
روغن جامد ۵ کیلویی ساعی	6260295101385	3289000	3654000	3471300	2800	۱ کامیون ۱۵ تنی
روغن مایع ۸۱۰ گرمی فامیلا	6262753000773	504900	594000	564300	6172	نصف کامیون ۱۰ تنی
قند ۵ کیلویی مهرگان	6261906100087	1325000	1395000	1349000	10000	۱ کامیون ۱۰ تنی
رب ۸۰۰ گرمی اوایلا	6262032503001	398000	450000	441000	1200	نصف کامیون ۱۰ تنی
پودر لباسشویی سافتلن ۵۰۰ گرمی	6260010540741	155550	196900	167360	7560	نصف کامیون ۱۰ تنی
مایع ظرفشویی ۴ لیتری پریل	6260105005995	1053610	1333690	1267000	400	یک سوم کامیون ۱۰ تنی
پودر لباسشویی اکتیو ۵۰۰ گرمی	6262825810675	147650	196870	177070	7560	نصف کامیون ۱۰ تنی
شکر ۱ کیلویی	6261985200050	194500	232300	209070	10000	۱ کامیون ۱۰ تنی

جدول ۱۰: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد نوشابه ۱/۵ لیتری کوکا کولا

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بطری نوشابه	تعداد بطری ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۷۱۲۰۰ ریال	۲۱۴۰۰۰ ریال	۱۲۰۰ عدد	۱۵۰۰ عدد	۱۸۸۳۲۰ ریال

جدول ۱۱: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد برنج پاکستانی محسن

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد کیسه برنج	تعداد کیسه ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
ریال ۲۸۹۰۰۰۰	ریال ۳۱۵۰۰۰۰	عدد ۱۵۰۰	عدد ۲۰۰۰	ریال ۲۹۹۰۰۰۰

جدول ۱۲: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد روغن جامد ۵ کیلویی ساعی

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد حلب روغن	تعداد حلب ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
ریال ۳۲۸۹۰۰۰	ریال ۳۶۵۴۰۰۰	عدد ۲۸۰۰	عدد ۳۰۰۰	ریال ۳۴۷۱۳۰۰

جدول ۱۳: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد روغن مایع ۸۱۰ گرمی فامیلا

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بطری روغن	تعداد بطری ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
ریال ۵۰۴۹۰۰	ریال ۵۹۴۰۰۰	عدد ۶۱۷۲	عدد ۷۰۰۰	ریال ۵۶۴۳۰۰

جدول ۱۴: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد قند ۵ کیلویی مهرگان

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته قند	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
ریال ۱۳۲۵۰۰۰	ریال ۱۳۹۵۰۰۰	عدد ۱۰۰۰۰	عدد ۱۵۰۰۰	ریال ۱۳۴۹۰۰۰

جدول ۱۵: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد رب ۸۰۰ گرمی اویلا

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد قوطی رب	تعداد قوطی ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
ریال ۳۹۸۰۰۰	ریال ۴۵۰۰۰۰	عدد ۱۲۰۰	عدد ۱۵۰۰	ریال ۴۴۱۰۰۰

جدول ۱۶: لیست مشخصات سفارش پودر ماشین لباسشویی سافتلن ۵۰۰ گرمی

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته پودر	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۵۵۵۵۰ ریال	۱۹۶۹۰۰ ریال	۷۵۶۰ عدد	۱۰۰۰۰ عدد	۱۶۷۳۶۰ ریال

جدول ۱۷: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد مایع ظرفشویی ۴ لیتری پریل

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته پودر	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۰۵۳۶۱۰ ریال	۱۳۳۳۶۹۰ ریال	۴۰۰ عدد	۵۰۰ عدد	۱۲۶۷۰۰۰ ریال

جدول ۱۸: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد پودر لباسشویی اکتیو ۵۰۰ گرمی

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته پودر	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۴۷۶۵۰ ریال	۱۹۶۸۷۰ ریال	۷۵۶۰ عدد	۱۰۰۰۰ عدد	۱۷۷۰۷۰ ریال

جدول ۱۹: لیست مشخصات سفارش فروشگاه در مورد شکر ۱ کیلویی

قیمت عمده فروشی	قیمت خرده فروشی	تعداد بسته شکر	تعداد بسته ملاک عمده فروشی	قیمت نهایی فروش
۱۹۴۵۰۰ ریال	۲۳۲۳۰۰ ریال	۱۰۰۰۰ عدد	۱۵۰۰۰ عدد	۲۰۹۰۷۰ ریال

در نتیجه این توضیحات، مشابه جدول ۴، مجموعه داده ورودی به تعداد ۱۰۰۰ سطر برای هر یک از کالاهای جداول ۱۰ تا ۱۹ تشکیل گردید. بر روی تمام این داده‌ها عملیات نرمالیزاسیون و پیش پردازش همان طور که قبلاً توضیح داده شد انجام شده است. برای هر کدام از این ۱۰ کالا، شبکه عصبی طراحی شده با توجه به داده‌های مربوط به کالای مورد نظر مجدداً آموزش داده شده و ارزیابی و تست گردید.

این داده‌ها طی یک فرآیند ۳ ماهه تهیه شده (بررسی ۱۰۰۰۰ لیست سفارش فروشگاه) و قیمت‌هایی که از طریق این شبکه عصبی به دست آمد در فروشگاه اعمال گردید و ۲ ماه بعد از آن مشاهده شد که سود فروشگاه از بابت فروش کالاهای فوق به صورت ذکر شده در جدول ۲۰ نسبت به گذشته افزایش قابل توجهی پیدا کرد که نشان دهنده موفقیت این روش است. همان طور که در جدول ۲۰ مشاهده می‌شود با قیمت‌های پیشنهادی به دست آمده از شبکه عصبی طراحی شده تمام ۱۰ کالای مورد نظر در بازه زمانی ۲ ماهه دارای سود بیشتری نسبت به گذشته بوده‌اند و این نشان دهنده آن است که شبکه عصبی طراحی شده با موفقیت توانسته است تاثیر مثبت خود را اثبات کند و قیمت‌هایی مطابق با تئوری بیان شده را به خوبی تخمین بزند. برای پیاده سازی مدل پیشنهادی بر روی سایر کالاها، ابتدا باید

اطلاعات ۱۰۰۰ مورد سفارشات قبلی این کالاها استخراج شده و سپس شبکه عصبی مربوطه برای آنها آموزش داده شده و سپس قیمت سفارش های اخیر از آن به دست آید. در آینده این فروشگاه بنا دارد برای تمامی کالاهای خود از این شبکه عصبی برای مشخص نمودن قیمت فروش کالاهای خود استفاده نماید و سپس این شبکه عصبی می تواند در سایر فروشگاهها و سکوهاى فروش اینترنتی کالا در سراسر کشور مورد آزمایش و استفاده قرار گیرد.

جدول ۲۰: نتایج قیمت پیشنهادی در بازه زمانی ۲ ماهه برای ۱۰ کالای مورد نظر

ردیف	نام کالا	افزایش سود حاصله از فروش در بازه زمانی ۲ ماهه در فروشگاه
۱	نوشابه ۱/۵ لیتری کوکاکولا	۱۱/۹ درصد
۲	برنج پاکستانی محسن	۱۲/۱ درصد
۳	روغن جامد ۵ کیلویی ساعی	۱۲/۶ درصد
۴	روغن مایع ۸۱۰ گرمی فامیلا	۱۴/۹ درصد
۵	قند ۵ کیلویی مهرگان	۱۵/۵ درصد
۶	رب ۸۰۰ گرمی اویلا	۱۲ درصد
۷	پودر لباسشویی سافتلن ۵۰۰ گرمی	۱۳/۵ درصد
۸	مایع ظرفشویی ۴ لیتری پرل	۱۰/۲ درصد
۹	پودر لباسشویی اکتیو ۵۰۰ گرمی	۱۴/۴ درصد
۱۰	شکر ۱ کیلویی	۱۶ درصد

به طور خاص تاثیر مثبت مدل پژوهش در قیمت گذاری کالاهای مورد بررسی را می توان به دقت بالای شبکه های عصبی در مدل سازی سیستم های غیر خطی و پیچیده که پیش از این نیز در کاربردهای مختلفی مورد بررسی قرار گرفته اند دانست. این روش و سایر تکنیک های مرتبط با یادگیری ماشین در شرایط اقتصادی کنونی و موضوعاتی چون افزایش هزینه های تولید و رقابتی شدن فروش می توانند کمک شایانی به توسعه و رونق اقتصاد نمایند. همچنین توانایی تعمیر و استنتاج روابط روی داده های دیده نشده، آنها را قادر می سازد تا قیمت کالاهای جدید را نیز پیش بینی کنند. از معایب شبکه های عصبی مصنوعی نیز می توان به موارد زیر اشاره کرد:

فقدان قوانین برای تعیین ساختار شبکه مناسب، باعث می شود تا معماری شبکه عصبی مصنوعی تنها از طریق آزمون، خطا و تجربه، دانش خود را افزایش و از خطاهای خود جلوگیری کند همچنین اگر شبکه ها به درستی آموزش داده نشوند، اغلب می توانند نتایج نادرستی را ایجاد کنند.

در نهایت، نتایج حاصل از تحقیق حاضر، همانند نتایج تحقیق کارتز و کاتساماکاس (۲۰۲۲) تاکید بر کارایی الگوریتم هایی است که به طور خود کار قیمت ها را بدون نظارت انسان و سایر شرایط مداخله گری تعیین می کنند و باعث سهولت، رقابت موثر و افزایش سودآوری می شوند.

همچنین، نتایج تحقیق حاضر و پژوهش بن آمر و همکاران (۲۰۲۳) که به بررسی ابزارها و تکنیک‌های یادگیری ماشین و هوش مصنوعی در حوزه بازاریابی پرداخته، همراستا بوده و نشان دهنده کارایی مدل‌های پیش‌بینی مناسب در رقابت با یکدیگر و توسعه آنها در پیش‌بینی قیمت‌گذاری صحیح کالاها و رضایتمندی فروشندگان و خریداران می‌باشند. در واقع تأثیر تجاری و اقتصادی هوش مصنوعی در قالب قیمت‌گذاری الگوریتمی باعث خواهد شد که به زودی شرکت‌ها، تولیدکنندگان و فروشندگان از الگوریتم‌های مختلف این حوزه برای رقابت موثرتر و افزایش سود خود استفاده کنند.

تحقیقاتی که می‌توان در راستای ارتقای مدل پیشنهادی انجام داد بصورت موارد زیر پیشنهاد می‌شوند:

- استفاده از حجم داده‌های بیشتر و متنوع‌تر (به همراه پیش پردازش‌های متناسب) که به فاز آموزش شبکه عصبی کمک شایانی می‌کند.
- استفاده از شبکه‌های عصبی کانولوشنی به صورت یادگیری عمیق که از دقت بالاتری برخوردار هستند ولی حجم محاسبات بالاتری دارند
- استفاده از فیلتر کالمن خطی شده تکه‌ای جهت پیش‌بینی قیمت و برآورد سود بر اساس آن که این اطلاعات می‌تواند به صورت یک آیتم جدید همراه سایر اطلاعات به شبکه عصبی داده شده و برآورد دقیق‌تری برای قیمت فروش صورت پذیرد
- پیاده‌سازی انواع دیگر الگوریتم‌های یادگیری ماشین در فروشگاه‌های بزرگ اینترنتی و در نظر گرفتن پارامترهای مهم در خریدهای اینترنتی (به‌عنوان نمونه: پارامتر زمان، تبلیغات و ...) و بازخورد آنها و انجام اصلاحات لازم
- در نظر گرفتن وزن بیشتر در تخفیفات و قیمت‌گذاری کالاهایی که معمولاً با هم خریداری می‌شوند جهت افزایش سود مشتریان و همچنین فروشندگان

منابع

- تیموری، ابراهیم، و کاظمی، سیدمحمد مهدی (۱۳۹۴). "توسعه مدل قیمت‌گذاری کالاهای زوال‌پذیر با نرخ زوال ثابت با در نظر گرفتن جایگزینی کالاهای فاسدشده". نشریه مهندسی صنایع، دانشکده فنی دانشگاه تهران، دوره ۴۹، شماره ۱، ۱-۹.
- طالعی زاده، عطاالله، و رضوان بیدختی، شیما (۱۳۹۶). "سیاست قیمت‌گذاری تولیدکننده برای کالاهای مکمل در فروش آنلاین با در نظر گرفتن سیاست مرجوعی". مدل سازی در مهندسی، دوره ۱۵، شماره ۵۰، صفحه ۳۲۳-۳۳۴.
- فتحیان، محمد، و حسینی، محمد (۱۳۹۳). "بررسی تأثیر اجتماعات مجازی در تقویت رفتار خرید مشتری"، نشریه مدیریت فناوری اطلاعات، دانشکده مدیریت دانشگاه تهران، دوره ۶، شماره ۳، ۴۳۵-۴۵۴.
- قیصری، محمد، تاجفر، امیر هوشنگ، کشاورز دیهم، مهدی، و اعلائی، سمیه (۱۳۹۵). "بررسی نقش فناوری نوین اینترنتی از اشیاء در ارتقاء عملکرد تجارت الکترونیک"، دومین کنفرانس بین‌المللی مدیریت و کارآفرینی.
- کامکار، الهه، رحمانی، دنیا، روغنیان، عماد (۱۳۹۸). "ارائه‌ی مدلی برای قیمت‌گذاری کالاهای فاسد شنی غیرآنی با در نظر گرفتن سن، قیمت و تقاضا به عنوان متغیر و رضایت مراکز زنجیره تأمین به عنوان تابع هدف". نشریه پژوهش‌های مهندسی صنایع در سیستم‌های تولید، ۷(۱۵)، ۳۵۵-۳۷۵.

موسوی روشن، سید مجید و مقدم ضیایی، سید مهرداد (۱۴۰۲). "ترکیب استراتژی‌های قیمت‌گذاری به کمک یادگیری ماشین (مطالعه موردی: شرکت فرآورده‌های لبنی گلا)", مدیریت بازاریابی هوشمند، ۴(۴)، ۱-۱۶.

[JABM.3.2.15564.353695212565047](https://doi.org/10.3390/su15020911)

Alhakamy, A., Alhowaity, A., Alatawi, A.A., & Alsaadi, H. (2023). Are Used Cars More Sustainable? Price Prediction Based on Linear Regression. *Sustainability*. 15(2):911. <https://doi.org/10.3390/su15020911>

Alzain, E., Alshebami, A.S., Aldhyani, T.H.H., & Alsubari, S.N. (2022). Application of Artificial Intelligence for Predicting Real Estate Prices: The Case of Saudi Arabia. *Electronics*. 11(21):3448. <https://doi.org/10.3390/electronics11213448>

Balafoutas, Loukas, & Rudolf Kerschbamer (2020). Credence goods in the literature: What the past fifteen years have taught us about fraud, incentives, and the role of institutions. *Journal of Behavioral and Experimental Finance*, Volume 26, 100285. <https://doi.org/10.1016/j.jbef.2020.100285>

Ben Ameer, H., Boubaker, S., Ftiti, Z., Louhichi, W., & Tissaoui, K. (2023). "Forecasting commodity prices: empirical evidence using deep learning tools." *Annals of Operations Research*: 1-19.

Bento, P. M. R., J. A. N. Pombo, M. R. A. Calado, & S. J. P. S. Mariano (2018). "A bat optimized neural network and wavelet transform approach for short-term price forecasting." *Applied Energy*, Volume 210, Pages 88-97, ISSN 0306-2619. <https://doi.org/10.1016/j.apenergy.2017.10.058>

Aggarwal, C. C. (2018). *Neural networks and deep learning*, Springer.

Cheng, Benjamin, Christina Sklibosios Nikitopoulos, & Erik Schlögl (2018). Pricing of long-dated commodity derivatives: Do stochastic interest rates matter?. *Journal of Banking & Finance*, Volume 95, Pages 148-166.

Drachal, Krzysztof (2018). Some novel Bayesian model combination schemes: an application to commodities prices. *Sustainability* 10, no. 8: 2801.

Fathian, Mohammad, & Hosseini, Mohammad (2014). Investigation of the effect of virtual communities in strengthening customer buying behavior. *Journal of Information Technology Management, Faculty of Management, University of Tehran*, Volume 6, Number 3, 435-454 [In Persian].

Fu, H., Manogaran, G., Wu, K., Cao, M., Jiang, S., & Yang, A. (2020). Intelligent decision-making of online shopping behavior based on internet of things. *International Journal of Information Management*, Elsevier, vol. 50(C), pages 515-525. DOI: 10.1016/j.ijinfomgt.2019.03.010

Gheysari, Mohammad, Tajfar, Amir Houshang, Keshavarz Deiham, Mehdi, & Alaei, Somayeh (2015). Investigation of the role of modern Internet of Things technology in improving the performance of e-commerce. *The second international conference on management and entrepreneurship* [In Persian].

Herrera, Gabriel Paes, Michel Constantino, Benjamin Miranda Tabak, Hemerson Pistori, Jen-Je Su, & Athula Naranpanawa (2019). Long-term forecast of energy commodities price using machine learning. *Energy*, Elsevier, vol. 179(C), pages 214-221. <https://doi.org/10.1016/j.energy.2019.04.077>

- Jadidi, O., Jaber, M.Y. & Zolfaghari, S. (2017). Joint pricing and inventory problem with price dependent stochastic demand and price discounts. *Computers & Industrial Engineering* 114: 45-53, ISSN 0360-8352.
- Jiang, Feng, Jiaqi He, & Zhigang Zeng (2019). Pigeon-inspired optimization and extreme learning machine via wavelet packet analysis for predicting bulk commodity futures prices. *Science China Information Sciences* 62, no. 7 70204. <https://doi.org/10.1007/s11432-018-9714-5>
- Kamkar, Elaheh, Rahmani, Donya, & Roghanian, Emad (2020). A model for Pricing of Non-Instantaneous Perishable Products Considering Age, Price and Demand as Variable Factors and Satisfaction of Supply Chain Centers. *Journal of Industrial Engineering Research in Production Systems*, 7(15), 355-375 [In Persian].
- Khakzar Bafraei, Morteza, & Fatemeh Zabihi (2018). Pricing and Determining the Optimal Discount of Perishable Goods to Speed up Demand Rate. *Journal of Production and Operations Management* 9, no. 2: 179-193.
- Ma, Yungao, Nengmin, Wang, & Zhengwen, He (2015). Analysis of the bullwhip effect in two parallel supply chains with interacting price-sensitive demands. *European Journal of Operational Research* 243(3): 815-825.
- Mankiw, N. G. (2007). *Principles of Economics*. India: Thomson/South-Western.
- Pallathadka, H., Ramirez-Asis, E. H., Loli-Poma, T. P., Kaliyaperumal, K., Ventayen, R. J. M., & Naved, M. (2023). Applications of artificial intelligence in business management, e-commerce and finance. *Materials Today: Proceedings*, 80, 2610-2613. <https://doi.org/10.1016/j.matpr.2021.06.419>
- Panfilova, Olga, Vladimir Okrepilov, & Svetlana Kuzmina (2018). Globalization impact on consumption and distribution in society. In *MATEC Web of Conferences*, vol. 170 (23): 01032. EDP Sciences.
- Rajagopal. (2013). *Marketing Decision Making and the Management of Pricing: Successful Business Tools*. United States: IGI Global.
- Rubens, M. (2023). Market structure, oligopsony power, and productivity. *American Economic Review*, 113(9), 2382-2410. DOI: 10.1257/aer.20210383
- Sanchez-Cartas, J. M. & E. Katsamakos (2022). Artificial Intelligence, algorithmic competition and market structures. *IEEE Access* 10: 10575-10584.
- Taleizadeh, Ata Allah, & Rezvan Bidokhti, Shima (2017). The Pricing Strategy of Manufacturer for Complementary Product in the Online Selling system with Return Policy. *Modeling in Engineering*, Volume 15, Number 50, Pages 323-334 [In Persian].
- Teimoury, Ebrahim, Kazemi, & Seyyed Mohammad Mahdi (2015). Development of pricing model for deteriorating items with constant deterioration rate considering replacement. *Journal of Industrial Engineering*, Technical Faculty of Tehran University, Volume 49, Number 1, 1-9 [In Persian].
- Venkataramanan, S., Sadhu, A. K. R., Gudala, L., & Reddy, A. K. (2024). Leveraging Artificial Intelligence for Enhanced Sales Forecasting Accuracy: A Review of AI-Driven Techniques and Practical Applications in Customer Relationship Management Systems. *Australian Journal of Machine Learning Research & Applications*, 4(1), 267-287. <https://sydneyacademics.com/index.php/ajmlra/article/view/77>

Yang C., Feng Y., & Whinston A. (2021). Dynamic pricing and information disclosure for fresh produce: An artificial intelligence approach. *Production and Operations Management* 31(1): 155-171. <https://doi.org/10.1111/poms.13525>